

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ජාතික ඇගයීම් හා පරීක්ෂණ සේවාව

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය

2011

ලකුණු දීමේ පටිපාටිය

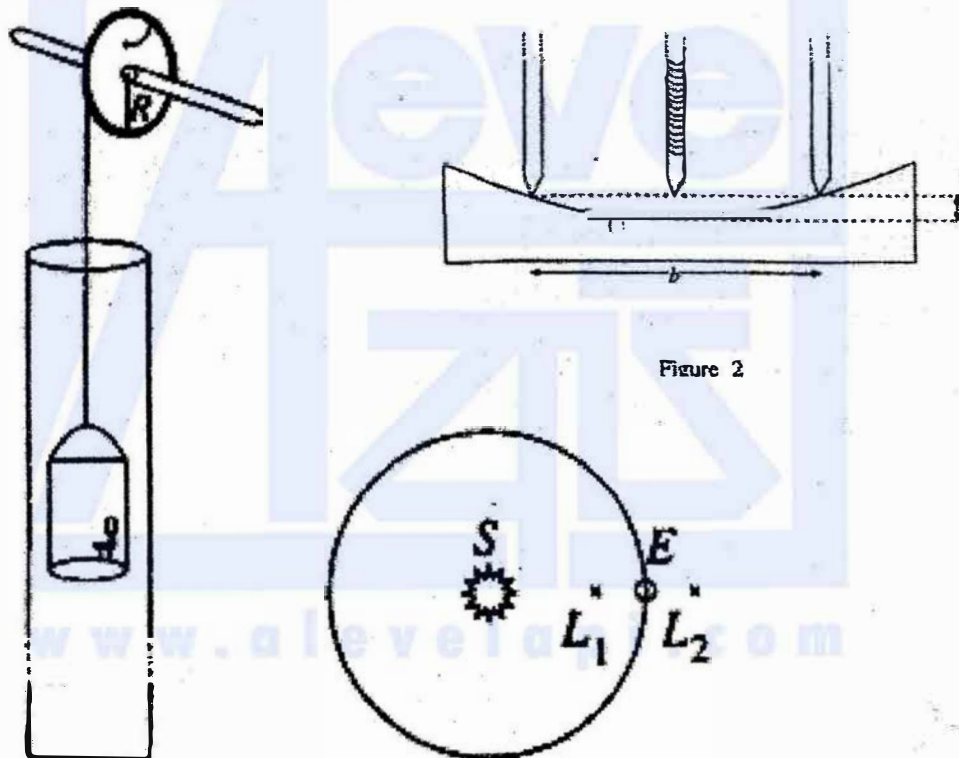


Figure 2

01 - භෞතික විද්‍යාව II

මෙය උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂකවරුන්ගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා සකස් කෙරිණි. මෙය පංති කාමර ඉගෙනුම් ක්‍රියාවලිය සඳහා ආධාරකයක් ලෙස භාවිත කර ගත හැකිය යනු අපගේ විශ්වාසයයි.

சீர்திருத்த விவகாரத் துறைமன்றத்தின்
 இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம்
 ஐ.பொ.க. (ப.பெ) விவகார/ க.பொ.த. (உயர் தர)ப் பரீட்சை - 2011
 இலங்கை/ புதிய மற்றும் பழைய பாடத்திட்டம்

பீதியை அடைய
பாட இலக்கம்

01

வினா
பாடம்

භෞතික විද්‍යාව

உஷ்ண டீதே பபிபாபிப/புள்ளி வழங்கும் திட்டம்
I கனச/பத்திரம் I

ප්‍රශ්න අංකය	පිළිතුරු අංකය	ප්‍රශ්න අංකය	පිළිතුරු අංකය	ප්‍රශ්න අංකය	පිළිතුරු අංකය	ප්‍රශ්න අංකය	පිළිතුරු අංකය	ප්‍රශ්න අංකය	පිළිතුරු අංකය
විනා ඔ.ව.	විනා ඔ.ව.	විනා ඔ.ව.	විනා ඔ.ව.	විනා ඔ.ව.	විනා ඔ.ව.	විනා ඔ.ව.	විනා ඔ.ව.	විනා ඔ.ව.	විනා ඔ.ව.
01.	2	11.	2	21.	4	31.	5	41.	1
02.	5	12.	4	22.	3	32.	1	42.	5
03.	3	13.	4	23.	1	33.	3	43.	2
04.	1	14.	5	24.	3	34.	4	44.	3
05.	2	15.	5	25.	5	35.	1	45.	1
06.	1	16.	3	26.	1	36.	4	46.	4
07.	4	17.	2	27.	2	37.	2	47.	3
08.	3	18.	5	28.	2	38.	2	48.	2
09.	1	19.	5	29.	5	39.	3	49.	1
10.	5	20.	1	30.	3	40.	4	50.	3

❖ **பிலேத ருரடேய்/ விசேட அறிவுறுத்தல் :**

லீக் பிப்ரவரி/ ஒரு சரியான விடைக்கு 01 டிரைவ்/புள்ளி வீதம்

இல் ஒன்று/மொத்தப் புள்ளிகள் $1 \times 50 = 50$

අ.පො.ස (උ.පෙළ) විභාගය භෞතික විද්‍යාව II - 2011 අගෝස්තු
නව නිර්දේශය
A කොටස ව්‍යුහගත රචනා

1. පරීක්ෂණාගාරයක භාවිත වන ගෝලමානයක් 1 රූපයේ පෙන්වා ඇත. වෘත්ත පරිමාණයේ ඇති කොටස් ගණන 50 කි. වෘත්ත පරිමාණය පූර්ණ වට දෙකක් කරකැවෙන විට සිරස් පරිමාණය මත එහි රේඛීය ප්‍රගමනය 1 mm කි.



Figure 1

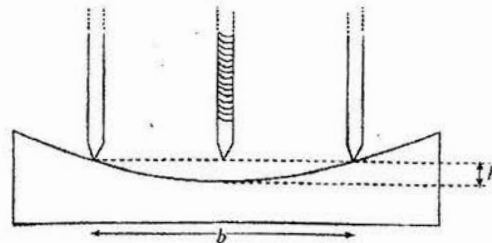


Figure 2

තල - අවතල කාචයක වක්‍ර පෘෂ්ඨයේ වක්‍රතා අරය නිර්ණය කිරීම සඳහා ගෝලමානය භාවිත කරයි. එවැනි නිර්ණය කිරීමකදී 2 රූපයේ පෙනෙන පරිදි ගෝලමානය කාචයේ වක්‍ර පෘෂ්ඨය මත තබනු ලැබේ. ගෝලමානය භාවිතයෙන් රූපයේ පෙන්වා ඇති h සහ b මිනුම් ලබාගැනීමෙන් පසු වක්‍රතා අරය (R) පහත සූත්‍රය මගින් නිර්ණය කළ හැක.

$$R = \frac{b^2}{6h} + \frac{h}{2}$$

- (a) මෙම ගෝලමානයේ කුඩාම මිනුම කුමක් ද?

0.01 mm (නිවැරදි ඒකකය සහිතව) 0.001 cm

..... (01)

- (b) ගෝලමානය, වක්‍ර පෘෂ්ඨය මත තැබීමට පෙර එය සමතල වීදුරු තහඩුවක් මත තබා සිරුමාරු කළ යුතු ය. ඉස්කුරුප්පුවේ කුඩා යම්කමට වීදුරු තහඩුව මත ස්පර්ශ වී ඇති බව ඔබ පරීක්ෂණාත්මකව තහවුරු කර ගත්තේ කෙසේ ද?

ඉස්කුරුප්පුවේ කුඩා වීදුරු තහඩුව මගින් සාදන ප්‍රතිබිම්බය සමග ස්පර්ශව තිබීම / ස්පර්ශ වනසේ පෙනෙන්නට තිබීම සහතික කිරීම මගින්

..... (01)

- (c) ඉන් පසු ගෝලමානය කාචයේ වක්‍ර පෘෂ්ඨය මත තබනු ලැබේ.

- (i) h නිර්ණය කර ගැනීම සඳහා ඊළඟ මිනුම් ලබාගැනීමට පෙර ඔබ විසින් සිදුකරන සිරුමාරුව කුමක් ද?

ඉස්කුරුප්පුවේ කුඩා (අවතල / වක්‍ර පෘෂ්ඨය) (යම්කම) ස්පර්ශ වන තුරු
 ඉස්කුරුප්පුව කරකැවීම

..... (01)

(ii) ඉහත සඳහන් සිරුමාරුවෙන් පසු ඔබ ගෝලමානයෙන් ගන්නා පාඨාංකය කුමක් ද?

වෘත්තාකාර පරිමාණයේ (පූර්ණ) වට/භ්‍රමණ/සංඛ්‍යාව සහ වෘත්තාකාර පරිමාණයේ පාඨාංකය හෝ සිරස් සහ වෘත්තාකාර පරිමාණවල පාඨාංක (01)
(භ්‍රමණ සංඛ්‍යාව පමණක් ලිවීම සඳහා ලකුණු ලබා දිය නොහැක)

(d) අධික භාවිතයෙන් පසු සමහර ගෝලමානවල සිරස් පරිමාණයෙන් පාඨාංක ලබාගැනීම වඩා නිරවද්‍ය විය නොහැක. මෙයට හේතුව කුමක් ද?

ඉස්කුරුප්පුව/පොට භාවිතය නිසා ගෙවියාම හෝ විල්ල කුළින් ඉස්කුරුප්පුව බුරුලට ගමන් කළ හැකිය. හෝ වෘත්තාකාර පරිමාණය / ඉස්කුරුප්පුව ඇදට ගමන් කළ හැකිය. හෝ පැත්තෙන් පැත්තට වැනීම සිදුවිය හැකිය. හෝ වෘත්තාකාර පරිමාණය ආනත විය හැකිය. හෝ වෘත්තාකාර පරිමාණය තිරස් නොවිය හැකිය. (01)

(e) R නිර්ණය කිරීම සඳහා ගෝලමානයේ පාද අතර මධ්‍යන්‍ය දුර ඔබ විසින් මැන ගත යුතු ය.

(i) b නිර්ණය කිරීම සඳහා ඔබ කුමන මිනුම් උපකරණය භාවිත කරන්නේ ද?

මීටර් කෝදුව / මීටර් භාගයේ කෝදුව / වර්නියර් කැලිපරය (01)

(ii) b නිර්ණය කිරීම සඳහා ඔබ අනුගමනය කරන පරීක්ෂණාත්මක පියවර මොනවා ද?

ගෝලමානය කඩදාසියක් මත තබා එය තෙරපා එහි පාද සලකුණු කාවද්දත්ත / ඔබ්බත්ත (01)

ගෝලමානයේ පාද මගින් සෑදුණු ලකුණු අතර පරතර මැන (ඒවායේ මධ්‍යන්‍ය අගය ගණනය කරන්න.) (01)

(f) වක්‍රතා අරය මැනීම හැර ගෝලමානයේ තවත් භාවිතයක් දෙන්න.

කුඩා වීදුරු පතුරක /කදාවක සනකම හෝ අන්වීක්ෂීය කදාවක සනකම හෝ කුඩා කව පෙත්තක /තැටියක (උදා:- කාසියක) සනකම හෝ කව පෙත්තක / තැටියක ඇති කුඩා සිදුරක ගැඹුර (උදා:- සංයුක්ත තැටියක) හෝ ලෝහ දණ්ඩක දිගෙහි වැඩිවීම/ප්‍රසාරණය හෝ අඩුවීම/සංකෝචනය හෝ (සමතල) ව්‍යුහයක ඇති කුඩා පහත් වීම / උස් වීම (ඕනෑම මිනුමක්) (01)

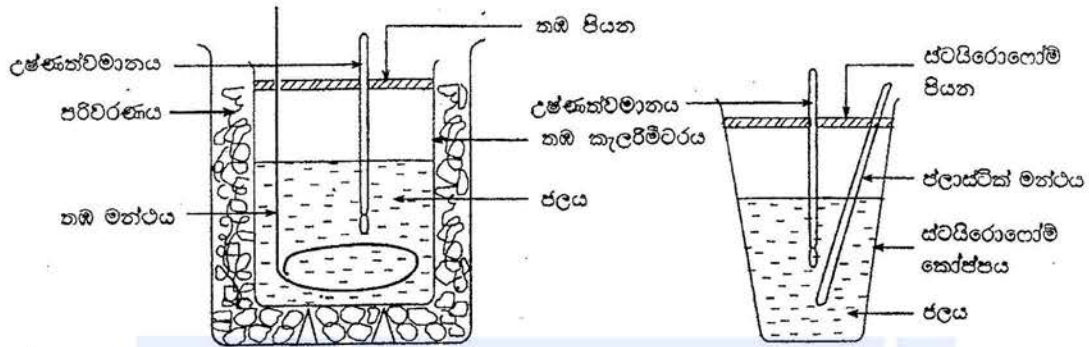
(නියමිත ආකාරයට විස්තර කොට නැතිනම් කුට්ටියක සනකමට ලකුණු නැත.)

(g) ඉහත දී ඇති ගෝලමානයේ කුඩාම මිනුම තවත් කුඩා කර ගැනීම සඳහා ක්‍රමයක් යෝජනා කරන්න.

ඉස්කුරුප්පුවේ අන්තරාලය / අනුයාත පොට දෙකක් අතර දුර අඩු කිරීම හෝ සිරස් පරිමාණය මත වෘත්තාකාර පරිමාණයේ ප්‍රගමනය කුඩා කිරීම හෝ වෘත්තාකාර පරිමාණය එක් වටයක් කරකවන විට සිරස් පරිමාණය මත එහි ප්‍රගමනය අඩු කිරීම හෝ වෘත්තාකාර පරිමාණය වැඩිපුර කොටස් වලට බෙදන්න. (01)

2. ස්ටයිරොලෝම්, රිසිලෝම් හෝ පොලිස්ටයිරීන් ලෙස හැඳින්වෙන ද්‍රව්‍යය, වරක් භාවිත කර ඉවත දමන කෝප්ප සෑදීම සඳහා බහුලව භාවිත වේ. මෙම ද්‍රව්‍යයේ තාප සන්නායකතාව තඹවල එම අගය මෙන් 0.0001 ගුණයකටත් වඩා අඩු වන අතර විශිෂ්ට තාප ධාරිතාව තඹ වල එම අගය මෙන් 4 ගුණයක් පමණ වේ.

තාපය පිළිබඳ පරීක්ෂණවලදී තඹ කැලරිමීටර වෙනුවට ස්ටයිරොලෝම් කෝප්ප භාවිත කිරීමේ යෝග්‍යතාව අත්වේෂණය කිරීම සඳහා ශිෂ්‍යයෙක් "මිශ්‍රණ ක්‍රමය භාවිත කර යකඩ බෝල ආකාරයෙන් ඇති යකඩවල විශිෂ්ට තාප ධාරිතාව සෙවීමේ පරීක්ෂණය" තෝරාගෙන එම පරීක්ෂණය සිදුකිරීම සඳහා පරීක්ෂණාත්මක ඇවුරුම් දෙකක් සැකසුවේ ය. ඉන් එකක් සඳහා කැලරිමීටරයක් ද අනෙක සඳහා ස්ටයිරොලෝම් කෝප්පයක් ද භාවිත කළේ ය. ඔහුගේ පරීක්ෂණාත්මක සැකසුම රූපයේ පෙන්වා ඇත.



අවශ්‍ය ආරම්භක උෂ්ණත්ව සහ ස්කන්ධ මිනුම් ලබා ගැනීමෙන් පසුව ඔහු 100°C දක්වා රත්කරන ලද යකඩ බෝල කැලරිමීටරයේ/ස්ටයිරොලෝම් කෝප්පයේ අඩංගු ජලයට එකතුකර අවශ්‍ය උෂ්ණත්ව සහ ස්කන්ධ මිනුම් ලබා ගත්තේ ය. ඔහු ලබාගත් පාඨාංක පහත පෙන්වා ඇත.

	තඹ කැලරිමීටරය සහිත පරීක්ෂණය	ස්ටයිරොලෝම් කෝප්පය සහිත පරීක්ෂණය
මත්ඵය සමඟ හිස් භාජනයේ ස්කන්ධය	100 g	10 g
ජලය සහ මත්ඵය සමඟ භාජනයේ ස්කන්ධය	150 g	60 g
ජලයේ ආරම්භක උෂ්ණත්වය	30 °C	30 °C
යකඩ බෝල එකතු කිරීමෙන් පසුව ජලයේ උපරිම උෂ්ණත්වය	45 °C	47 °C
පද්ධතියේ අවසාන ස්කන්ධය	300 g	210 g

- (a) (i) මත්ඵය සමඟ කැලරිමීටරය අවශෝෂණය කළ තාප ප්‍රමාණය ගණනය කරන්න. (තඹවල විශිෂ්ට තාප ධාරිතාව 375 J kg⁻¹ K⁻¹ ක් ලෙස ගන්න.)

$$\text{කැලරිමීටරය අවශෝෂණය කළ තාපය} = 100 \times 10^{-3} \times 375 \times (45 - 30) = 0.1 \times 375 \times 15 = 562.5 \text{ J} \quad \dots\dots\dots (01)$$

- (ii) තඹ කැලරිමීටරය භාවිතයෙන් ලබාගත් දත්ත භාවිත කර යකඩවල විශිෂ්ට තාප ධාරිතාව 450 J kg⁻¹ K⁻¹ බව පෙන්වන්න. (ජලයේ විශිෂ්ට තාප ධාරිතාව 4200 J kg⁻¹ K⁻¹ වේ.)

$$\text{ජලය අවශෝෂණය කළ තාපය} = 50 \times 10^{-3} \times 4200 \times (45 - 30) = 5 \times 42 \times 15$$

(මිනැම ආකාරයක්)

$$\text{යකඩ බෝල මගින් පිටකළ තාපය} = 150 \times 10^{-3} \times C_{Fe} \times (100 - 45) = 0.15 \times 55 \times C_{Fe}$$

(මිනැම ආකාරයක්)

$$\text{ඉහත ප්‍රකාශන දෙක අතරින් මිනැම එකක් සඳහා} \quad \dots\dots\dots (01)$$

$$562.5 + 5 \times 42 \times 15 = 0.15 \times 55 \times C_{Fe} \quad \dots\dots\dots (01)$$

(සමාන කිරීම සඳහා)

$$C_{Fe} = \frac{562.5 + 5 \times 42 \times 15}{0.15 \times 55} = \frac{3712.5}{8.25} = 450 \text{ J kg}^{-1} \text{ K}^{-1}$$
 (ප්‍රකාශනය අඩුම තරමින් මේ මට්ටම දක්වා සුළු කිරීම සඳහා)

..... (01)

- (b) යකඩවල විශිෂ්ට තාපධාරිතාව $450 \text{ J kg}^{-1} \text{ K}^{-1}$ ලෙස ගෙන ස්ටයිරොෆෝම් කෝප්පය මගින් අවශෝෂණය කළ තාප ප්‍රමාණය ගණනය කරන්න. (ස්ටයිරොෆෝම් කෝප්පයෙන් පරිසරයට වූ තාප හානිය සහ ජලාස්ථික් මන්ථයෙන් අවශෝෂණය කරගත් තාපය නොගිණිය හැකි යැයි උපකල්පනය කරන්න.)

ස්ටයිරොෆෝම් කෝප්පය මගින් අවශෝෂණය කළ තාපය =

යකඩ බෝල මගින් පිටකළ තාපය - ජලය මගින් අවශෝෂණය කළ තාපය

$$= 150 \times 10^{-3} \times 450 \times (100 - 47) - 50 \times 10^{-3} \times 4200 \times (47 - 30)$$
 (නිවැරදි ආදේශය සඳහා)

..... (01)

- (c) තාප පරීක්ෂණවලදී ස්ටයිරොෆෝම් කෝප්ප භාවිත කරන විට කෝප්ප මගින් අවශෝෂණය කර ගන්නා තාප ප්‍රමාණය කැලරිමීටර හා සමඟ සංසන්දනය කිරීමේදී නොගිණිය හැකි ඉහත (a) (i) සහ (b) හි ලබාගත් ප්‍රතිඵල මගින් මෙම ප්‍රකාශය සාධාරණීකරණය කරන්න.

ස්ටයිරොෆෝම් කෝප්පය මගින් අවශෝෂණය කළ තාපය (7.5 J) කැලරිමීටරය මගින් අවශෝෂණය කළ තාපය (562.5 J) හා සංසන්දනය කළ විට ඉතා කුඩාය. හෝ ස්ටයිරොෆෝම් කෝප්පය මගින් අවශෝෂණය කළ තාපය ජලය අවශෝෂණය කළ තාපයට වඩා ඉතා කුඩාය (මෙය කුඩා භාගයක් හෝ ප්‍රතිශතයක් හැටියටද ලබා දිය හැක)

..... (01)

- (d) මෙම පරීක්ෂණයේදී තඹ කැලරිමීටරයක් වෙනුවට ස්ටයිරොෆෝම් කෝප්පයක් භාවිත කිරීමේ ප්‍රායෝගික වාසියක් සඳහන් කරන්න.

ස්ටයිරොෆෝම් සමඟ තාප පරිවරණය අවශ්‍ය නොවේ.

හෝ කැලරිමීටර පරීක්ෂණයක් හා සමඟ සසඳන විට අයින්ම සැකසීම හා පරිහරණය පහසු වීම හෝ ස්ටයිරොෆෝම් කෝප්පය මගින් අවශෝෂණය කළ තාපය නොගිණිය හැකිය.

..... (01)

- (e) නිව්ටන්ගේ සිසිලන නියමය සත්‍යාපනය කිරීමේදී තඹ කැලරිමීටරයක් වෙනුවට ස්ටයිරොෆෝම් කෝප්පයක් භාවිත කළ නොහැක. මේ සඳහා පරීක්ෂණාත්මක හේතු දෙකක් දෙන්න.

1. බාහිර පෘෂ්ඨය, අඩංගු දෑවල(ජලය) උෂ්ණත්වයට ළඟා නොවීම හෝ මනින උෂ්ණත්වය කෝප්පයේ බාහිර පෘෂ්ඨයේ උෂ්ණත්වයට සමාන නොවීම හෝ කෝප්පයේ බිත්ති හරහා උෂ්ණත්ව අනුක්‍රමණයක් පැවතීම

..... (01)

2. සිසිලන ශීඝ්‍රතාව ඉතා කුඩා වේ. හෝ තාපයට ලක් නොවේ.

හෝ කෝප්පයේ බාහිර පෘෂ්ඨයේ උෂ්ණත්වය වාතයේ උෂ්ණත්වයට වාගේ වීම.

..... (01)

(ප්‍රගතිය සහ ප්‍රතිචාරයන් සඳහා ලකුණු ලබා දෙනු ලබන ප්‍රශ්න මෙය වෙයි. ඔබේ පිළිතුරු සඳහා අවකාශය ලබා දෙමු.) (1) - - - - - 01

3. (a) සරසුලක් එක් කෙළවරක් වසන ලද නළයක් සමඟ අනුනාද වන විට නළය තුළ නිපදවෙන තරංගයේ වර්ගය කුමක් ද? අන්වායාම ද? නිර්භයක් ද? ප්‍රගමන ද? ස්ථාවර ද?
 අන්වායාම හෝ ස්ථාවර (දෙකම හෝ එකක් සඳහා) (01)

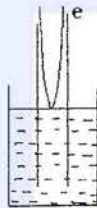
- b) ප්‍රස්තාරික ක්‍රමයක් භාවිත කරමින් වාතය තුළ ධ්වනි වේගය (v) නිර්ණය කිරීම සඳහා සංඛ්‍යාතයන් (f) 288 Hz, 320 Hz, 362 Hz සහ 480 Hz වූ සරසුල් කට්ටලයක්, සුදුසු වීදුරු නළයක්, වීදුරු සරාවක් සහ අනිකුත් අවශ්‍ය අයිතමයන් ඔබට ලබා දී ඇත.

- (i) නළය ජලය තුළ ගිල්වීමේ අවශ්‍යතාව කුමක් ද?

විචල්‍ය දිගක් සහිත සංවෘත නළයක් ලබා ගැනීම සඳහා

..... (01)

- (ii) දත්ත ලබාගැනීම සඳහා ඔබ විසින් නළය තුළ ඇති කරනු ලබන කම්පන විධියේ තරංග රටාව රූප සටහනේ පෙන්වා ඇති වීදුරු නළය තුළ අඳින්න. ආන්ත ශෝධනය (e) රූපසටහනේ පැහැදිලිව දක්වන්න.



..... (01)

ආන්ත ශෝධනය ඇද නම් කිරීම සමඟ නිවැරදි තරංග රටාව සඳහා

- (iii) දත්ත ලබා ගැනීම සඳහා ඔබ පළමුවෙන් තෝරාගන්නේ කුමන සරසුල ද? ඔබගේ තෝරාගැනීම සඳහා හේතුව ලබා දෙන්න.
 ඔබේ තෝරාගැනීම 2 වැනි සරසුලය විය යුතුය.

480 Hz සරසුල හෝ වැඩිම සංඛ්‍යාතය.

වැඩිම සංඛ්‍යාතය සඳහා අනුනාද දිග අඩුම වේ. අනෙක් සරසුලවල් (සංඛ්‍යාත අවරෝහණ පිළිවෙලට වූ) සඳහා වන මූලික අනුනාද දිග වැරදීමකින් තොරව නළය අඛණ්ඩව ඉහළට එසවීම මගින් ලබා ගත හැකි වේ.

පිළිතුර හා හේතුව යන දෙකම නිවැරදි නම්

..... (01)

- (iv) දී ඇති සරසුල් කට්ටලය භාවිතයෙන් දත්ත ලබාගැනීමට අවශ්‍යවන වීදුරු නළයේ අවම දිග ගණනය කරන්න. වාතය තුළ v හි අගය 345.6 ms^{-1} ලෙස ගන්න.

අඩුම සංඛ්‍යාතය සහිත සරසුල සඳහා මූලික අනුනාද විධිය ලබා ගැනීම සඳහා වන නළය දිගු විය යුතුය.

$$\text{අවම දිග} = \frac{\lambda}{4} = \frac{v}{4f} = \frac{345.6}{4 \times 288}$$

$$= 0.30 \text{ m}$$

..... (01)

- (v) ප්‍රස්තාරයක් ඇඳීමෙන් v සහ e නිර්ණය කිරීම සඳහා අවශ්‍ය සම්බන්ධතාවය f සහ අනුනාද දිග l ඇසුරෙන් ලබාගන්න.

$$v = f\lambda$$

$$v = f4(l + e)$$

$$l = \frac{v}{4f} - e$$

$$\frac{v}{4f} = l + e \quad \dots\dots\dots (01)$$

$$\frac{1}{f} = \frac{4l}{v} + \frac{4e}{v} \quad \dots\dots\dots (01)$$

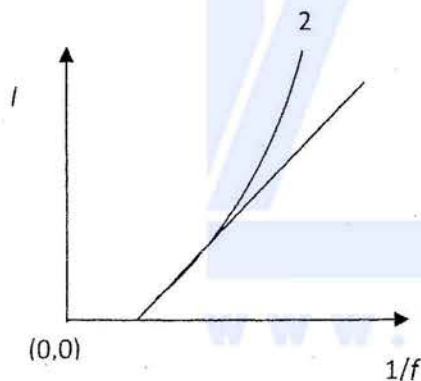


- (vi) පරීක්ෂණය සිදුකිරීම සඳහා ඉහත (b) හි දී ඇති සරසුල්වලට අමතරව තවත් එක් සරසුලක් භාවිත කිරීමට ඔබට කියා ඇත්නම් ප්‍රස්තාරයෙහි ලක්ෂ්‍ය ඒකාකාරව පැතිරී පැවතීමේ අවශ්‍යතාවය සැලකිල්ලට ගෙන ඒ සඳහා පහත දී ඇති සරසුල් කට්ටලයෙන් කුමන සරසුල ඔබ විසින් තෝරා ගන්නේ ද?

f (Hz)	288✓	320 ✓	341.3	362✓	406.4	426.6	480✓
$\frac{1}{f}$ (Hz ⁻¹)	3.5×10^{-3}	3.1×10^{-3}	2.9×10^{-3}	2.8×10^{-3}	2.5×10^{-3}	2.3×10^{-3}	2.1×10^{-3}

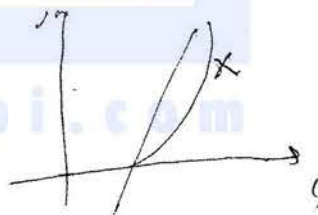
සරසුලේ සංඛ්‍යාතය $f = 406.4$ Hz (හෝ $1/f = 2.5 \times 10^{-3}$) (01)

- (vii) මෙම පරීක්ෂණයේදී ඔබ බලාපොරොත්තුවන ප්‍රස්තාරයේ දළ සටහනක් පහත දැක්වෙන රූපසටහනේ අඳින්න. අක්ෂ නම් කරන්න. පරායත්ත ඵලයය සිරස් අක්ෂය මත තබා යුතු ය.



සෘණ අන්තරාධිශ්ඨයක් සහිත සරල රේඛාවක් ඇඳ තිබිය යුතුය. අක්ෂ දෙකම නිවැරදිව නම් කොට තිබිය යුතුය.

(රේඛාව නිවැරදිව ඇඳ ඇතිනම් (0.0) නොසලකා හරින්න)



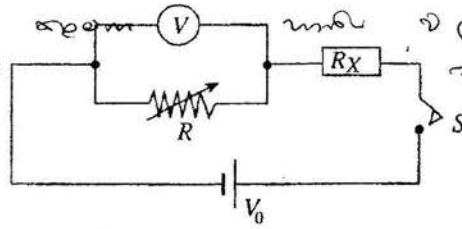
- (viii) දත්ත ලබාගැනීමේ කාලපරිච්ඡේදය තුළදී කාමරයේ උෂ්ණත්වය ඒකාකාරව වැඩිවෙමින් පැවතියේ නම් සෛද්ධාන්තිකව ඔබ බලාපොරොත්තුවන චක්‍රය ඉහත රූපසටහනේ ම අඳින්න. එය 2 චක්‍රය ලෙස නම් කරන්න.

(ධ්වනි ප්‍රවේගය v) $\sqrt{T}$ ට සමානුපාතික වේ. T ඒකාකාරව වැඩිවන විට v ද සන්නිකව වැඩි විය යුතුය. එබැවින් ප්‍රස්තාරයේ අනුක්‍රමණය ඉහත රූපයේ ඇඳ ඇති 2 චක්‍රයේ මෙන් අධිශ්ඨව වැඩි විය යුතුය) නිවැරදි චක්‍රය රූප සටහනේ ඇඳ එය 02 ලෙස නම් කොට තිබීම සඳහා

..... (01)

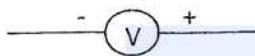
අනෙක් අංශය වන විද්‍යාත්මක පරීක්ෂණයක් සඳහා පහත සඳහන් කර ඇත. ඔබේ ප්‍රතිචාරය වන විට මෙය සලකා බලන්න. නැවත පරීක්ෂණය කරන්න.

4. පහත දැක්වෙන පරිපථයක පරීක්ෂණයක් සඳහා පහත සඳහන් කර ඇත. පරිපථයක පරීක්ෂණයක් සඳහා පහත සඳහන් කර ඇත.



පෙන්වා ඇති පරිපථයට සම්බන්ධ කර ඇති නොදන්නා ප්‍රතිරෝධයක අගය, R_X ප්‍රස්ථාර ක්‍රමයක් භාවිත කොට සෙවීමට ශිෂ්‍යයකුට නියම ව ඇත. R යනු ප්‍රතිරෝධ පෙට්ටියක් මගින් සපයන විචල්‍ය ප්‍රතිරෝධයකි. V යනු R හරහා සම්බන්ධ කර ඇති වෝල්ටීයමීටරයේ පාඨාංකය වේ. වෝල්ටීයමීටරයේ අභ්‍යන්තර ප්‍රතිරෝධය විශාලය. $3V$ අගයකින් යුත් V_0 වෝල්ටීයතාව සැපයීම සඳහා එක් එක් වෝල්ටීයතාව $1.5V$ වන නව වියළි කෝෂ දෙකක් භාවිත කර ඇත. එවැනි වියළි කෝෂ බැටරියක අභ්‍යන්තර ප්‍රතිරෝධය නොහිණිය හැකියැයි සලකන්න.

- (a) වෝල්ටීයමීටරයේ ධ්‍රැවීයතාව එහි අග්‍ර මත + සහ - ලකුණු යෙදීමෙන් සලකුණු කරන්න



..... (01)

- (b) ප්‍රස්ථාරයක් ඇඳීම සඳහා වෝල්ටීයමීටර පාඨාංක (V) කිහිපයක් R ප්‍රතිරෝධය වෙනස් කිරීම මගින් ලබා ගන්නා ලෙස ශිෂ්‍යයාට දන්වා ඇත.

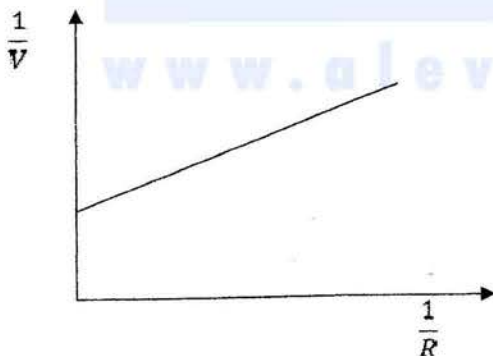
- (i) V , R , V_0 සහ R_X සම්බන්ධ කෙරෙන ප්‍රකාශනයක් ලියන්න.

$$V_0 = \frac{V}{R} (R + R_X) \text{ හෝ වෙනත් ආකාරයට ලියා ඇති සමීකරණයක්} \quad \text{..... (01)}$$

- (ii) Y අක්ෂය මත $\frac{1}{V}$ පිහිටන පරිදි සරල රේඛීය ප්‍රස්ථාරයක් ඇඳීම සඳහා විචල්‍යයන් තැවත සකස් කරන්න.

$$\frac{1}{V} = \frac{R_X}{V_0} \frac{1}{R} + \frac{1}{V_0} \quad V_0 = V + \frac{V_0 R_X}{(R_X + R)} \quad \text{..... (01)}$$

- (iii) ඔබ බලාපොරොත්තුවන චක්‍රයේ දළ සටහනක් අඳින්න. අක්ෂ නම් කරන්න.



ධන අන්තඃකේතයක් සහිත සරල රේඛාවක් සඳහා

..... (01)

පෙන්වා ඇති පරිදි අක්ෂ නම් කිරීම සඳහා

..... (01)

(iv) R_X හි අගය ඔබ ප්‍රස්තාරයෙන් සොයාගන්නේ කෙසේ ද?

අනුක්‍රමණය (01)
අන්තඃකේතය

(v) බැටරියේ V_0 වෝල්ටීයතාව ඔබ ප්‍රස්තාරයෙන් සොයාගන්නේ කෙසේ ද?

$\frac{1}{I}$ (01)
අන්තඃකේතය (හෝ අන්තඃකේතය)

(c) වෝල්ටීයතාවේ අභ්‍යන්තර ප්‍රතිරෝධය 1500Ω සහ R_X හි අගය 100Ω ප්‍රමාණයේ ඇති බව, ඔබට කියා ඇත. සරල රේඛීය ප්‍රස්තාරය ඇඳීම සඳහා පහත දී ඇති පරාසයන්ගෙන් කුමන පරාස අගය ඔබ තෝරාගන්නේ ද යන්න හරි ලකුණු (✓) යෙදීම මගින් දක්වන්න.

25 Ω - 500 Ω (.....✓.....)

25 Ω - 1500 Ω (.....)

25 Ω - 2000 Ω (.....)

ඔබගේ තේරීමට හේතුව දෙන්න.

25 Ω - 500 Ω පරාසය (ලකුණු නැත)

හේතුව : සරල රේඛාවක් ලබා ගත හැක්කේ වෝල්ටීයතාවේ අභ්‍යන්තර ප්‍රතිරෝධයට වඩා ඉතා කුඩා R අගයක් තෝරාගතහොත් පමණි.

හෝ $y = mx + c$ ආකාරයේ සමීකරණයක් ලබා ගත හැක්කේ $R \ll$ වෝල්ටීයතාවේ අභ්‍යන්තර ප්‍රතිරෝධය වුවහොත් පමණි.

හෝ වෝල්ටීයතාවේ අභ්‍යන්තර ප්‍රතිරෝධය R සමඟ සමාන්තරව වන බැවින් අභ්‍යන්තර ප්‍රතිරෝධය R මත ඇති බලපෑම නොසලකා හැරිය හැක්කේ 1500Ω සමඟ සසඳන කළ R කුඩා වුවහොත් පමණි.

..... (01)

(ඕනෑම හේතුවක් සඳහා)

(නිෂේධාත්මක ආකාරයේ හේතු දැක්වීමද හැර ගත හැක)

(d) (i) සිදුරිය හැකි බැටරි බැටරියක් මගින් දත්ත මත බලපෑමක් ඇති වූයේ දැයි ඔබ පරීක්ෂණාත්මක ව පරීක්ෂා කරන්නේ කෙසේ ද?

පරීක්ෂණය අවසානයේදී පළමු (හෝ පළමු කිහිපය) පාඨාංක නැවත ලබා ගන්න.

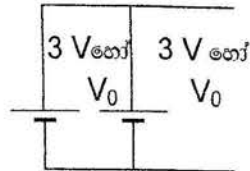
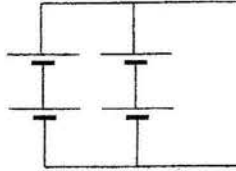
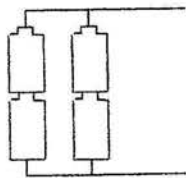
..... (01)

(ii) බැටරිය බැස ඇතුළු ඔබ සොයාගන්නේ නම් පරීක්ෂණය නැවත සිදුකිරීමට පෙර නව 1.5 V කෝෂ භාවිත කරමින් වඩා දිගුකලක් පවතින වෙනත් 3 V බැටරියක් ඔබ සැලසුම් කරන්නේ කෙසේ ද? (අවශ්‍ය නම් ඔබේ පිළිතුර විදහා දැක්වීම සඳහා රූප සටහනක් ද ඇඳිය හැක.)

1.5 V කෝෂ දෙකක් ශ්‍රේණිගතව සම්බන්ධ කොට එවැනි කිහිපයක් සමාන්තරව සම්බන්ධ කිරීමෙන් හෝ පහත ඇති රූප සටහන්වලින් එකක්

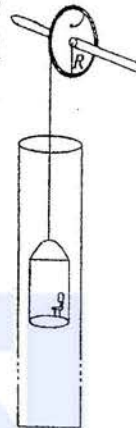
(සමාන්තරව අතු දෙකකට වඩා ඇඳ ඇති වුවත් ලකුණු ලැබේ)

..... (01)



B - කොටස

5. පොළොව යටි ආකරයක සිරවී සිටින පුද්ගලයකු බේරාගැනීම සඳහා රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි සිරස් තලයක් තුළ නිදහසේ ගමන් කළ හැකි කැප්සියුලයක් භාවිත කළ හැක. එක කෙළවරක් අරය R වූ කප්පියකට සවිකර කප්පිය වටා එතු කම්බියක් කැප්සියුලය ඵලදීම සඳහා භාවිත කර ඇත. කම්බියේ ස්කන්ධය සහ කම්බිය සහ කප්පිය අතර සර්ෂණ බලය නොසලකා හැරිය හැකි බව උපකල්පනය කරන්න. කප්පියට තිරස් ඇත්සලයක් වටා නිදහසේ භ්‍රමණය විය හැක. පහත සඳහන් ප්‍රශ්න සඳහා පිළිතුරු වල අඩංගු විය යුත්තේ දී ඇති අදූෂ සංකේතවලින් හඳුන්වා ඇති රාශි මගින් පමණි. (g = ගුරුත්වාකර්ෂණ ත්වරණය)



- (a) මෙම කොටස සඳහා කප්පියෙහි ස්කන්ධය සහ කප්පියේ භ්‍රමණ වලිතයට විරුද්ධව සර්ෂණ බලය නොසලකා හැරිය හැකි බව උපකල්පනය කරන්න.
- (i) මුළු ස්කන්ධය M වූ කැප්සියුලය නිශ්චලතාවයෙන් මුදු හැරියේ නම් ශක්ති සංස්ථිති නියමය භාවිතයෙන් එය h ගැඹුරක් පහළට ගමන් කළ පසු කැප්සියුලයේ වේගය සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලබා ගන්න.
- (ii) කැප්සියුලය h ගැඹුරක් පහළට ගමන් කළ පසු කප්පියේ කෝණික වේගය සොයන්න.
- (b) කප්පියේ ස්කන්ධය m නොසලකා හැරිය නොහැකි නම් සහ භ්‍රමණ අක්ෂය වටා කප්පියේ අවස්ථිති සූරණය $\frac{1}{2}mR^2$ නම් සර්ෂණ බල නොසලකා (a) (i) සහ (a) (ii) කොටස්වලට නැවත පිළිතුරු සපයන්න.
- (c) ප්‍රායෝගික අවස්ථා යටතේ m ස්කන්ධය සහ භ්‍රමණ වලිතයට විරුද්ධව සර්ෂණය නොසලකා හැරිය නොහැක. සර්ෂණය මගින් කප්පියෙහි භ්‍රමණ වලිතයට විරුද්ධව නියත (r_p) සර්ෂණ ව්‍යාවර්තයක් ඇති කරන්නේ යැයි උපකල්පනය කරන්න.
- (i) කප්පිය රේඩියන් θ_0 කෝණයකින් භ්‍රමණය වූ පසු සර්ෂණ ව්‍යාවර්තයට (r_p) විරුද්ධව කරන ලද කාර්යය කොපමණ ද?
- (ii) මෙම තත්ත්ව යටතේ (a) (i) සහ (a) (ii) කොටස්වලට පිළිතුරු සපයන්න.
- (iii) h_0 ගැඹුරක් පහළට ගමන් කිරීමෙන් පසුව කැප්සියුලය තලයේ පතුළට ළඟා වී නිව්නී. එනමුත් කප්පිය සර්ෂණ ව්‍යාවර්තයට විරුද්ධව භ්‍රමණය වෙමින් පවතී. කැප්සියුලය නැවතුන පසු කවදුරටත් කප්පිය කොපමණ වට ගණනක් (n) භ්‍රමණය වන්නේදැයි ශක්ති සංස්ථිති නියමය භාවිතයෙන් සොයන්න.
- (d) කැප්සියුලය තලයේ පතුළේ ඇතිවිට ස්කන්ධය m_0 වූ පුද්ගලයෙක් එය තුළට ඇතුළු වේ. කැප්සියුලය ඉහළට එසවෙමින් පවතින විට කප්පිය නියත කෝණික වේගයකින් භ්‍රමණය වීමට නම් කප්පිය මත යෙදිය යුතු බාහිර ව්‍යාවර්තය (r_p) සොයන්න. මේ සඳහා (c) කොටසේ දී ඇති තත්ත්වයන් උපකල්පනය කරන්න.
- (a)
- (i) h ගැඹුරකදී කැප්සියුලයේ වේගය v ලෙස ගනිමු.

ශක්ති සංස්ථිති නියමය යෙදීමෙන්

$$Mgh = \frac{1}{2}Mv^2 \quad \dots\dots\dots (01)$$

$$v = \sqrt{2gh} \quad \dots\dots\dots (01)$$

- (ii) කෝණික වේගය ω නම් $v = R\omega$

$$\omega = \frac{\sqrt{2gh}}{R} \quad \dots\dots\dots (01)$$

(b) කප්පියේ චාලක ශක්තිය $= \frac{1}{2} I \omega^2 = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} m R^2 \right) \omega^2$ (01)

ශක්ති සංස්ථිති නියමයෙන්,

$$\left. \begin{aligned} Mgh &= \frac{1}{2} Mv^2 + \frac{1}{2} I \omega^2 \\ Mgh &= \frac{1}{2} Mv^2 + \frac{1}{4} m R^2 \omega^2 \end{aligned} \right\} \text{ (ඕනෑම ආකාරයක්)} \quad \text{..... (01)}$$

$$Mgh = \frac{1}{2} Mv^2 + \frac{1}{4} mv^2$$

$$v = \sqrt{\frac{4Mgh}{2M+m}} \quad \text{..... (01)}$$

$$\omega = \frac{v}{R}$$

$$= \frac{1}{R} \sqrt{\frac{4Mgh}{2M+m}} \quad \text{..... (01)}$$

(c) (i) සර්ඡණ ව්‍යාවර්තයට විරුද්ධව කරන ලද කාර්යය $= \tau_f \theta_0$ (01)

(ii) ශක්ති සංස්ථිති නියමයෙන්,

$$Mgh - \tau_f h/R = \frac{1}{2} Mv^2 + \frac{1}{2} I \omega^2$$

හෝ $Mgh - \tau_f h/R = \frac{1}{2} Mv^2 + \frac{1}{4} m R^2 \omega^2$

හෝ $Mgh - \tau_f h/R = \frac{1}{2} Mv^2 + \frac{1}{4} mv^2$ (02)

(ප්‍රකාශනයේ වම් පැත්ත සඳහා ලකුණු 01 සහ දකුණු පැත්ත සඳහා ලකුණු 01)

($\frac{h}{R}$ වෙනුවට θ_0 යොදා ඇත්නම් ද වම් පැත්ත සඳහා වන ලකුණ දෙන්න.)

$$v = \sqrt{\frac{4(Mgh - \frac{\tau_f h}{R})}{2M+m}}$$

$$\omega = \frac{v}{R}$$

$$= \frac{1}{R} \sqrt{\frac{4(Mgh - \frac{\tau_f h}{R})}{2M+m}} \quad \text{..... (01)}$$

($\frac{h}{R}$ වෙනුවට θ_0 යොදා ඇත්නම් ද මේ ලකුණ දෙන්න.)

(iii) කැප්සියලය h_0 ගැඹුරකට ලගා වූ පසු කප්පියේ කෝණික වේගය ω_0 ලෙස ගනිමු.

සර්ඡණ ව්‍යාවර්තයට විරුද්ධව කරනු ලබන කාර්යය = කප්පියේ භ්‍රමණ වාලක ශක්තිය

$$\left. \begin{aligned} n 2\pi\tau_f &= \frac{1}{2} I \omega_0^2 \\ n 2\pi\tau_f &= \frac{1}{4} m R^2 \omega_0^2 \end{aligned} \right\} \text{ ඕනෑම ආකාරයක් සඳහා} \dots\dots\dots (01)$$

$$= \frac{1}{4} m \frac{4(Mgh_0 - \frac{\tau_f h_0}{R})}{2M+m}$$

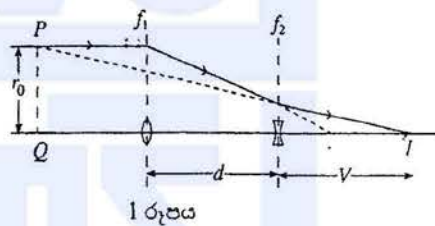
$$n = \frac{m}{2\pi\tau_f} \frac{(Mgh_0 - \frac{\tau_f h_0}{R})}{2M+m} \dots\dots\dots (01)$$

(d) නියත කෝණික වේගයක් සඳහා කප්පිය මත යෙදෙන සඵල ව්‍යාවර්තය ශුන්‍ය විය යුතුය.

$$\tau_e = \tau_f + (M + m_0)gR \Rightarrow \dots\dots\dots (02)$$

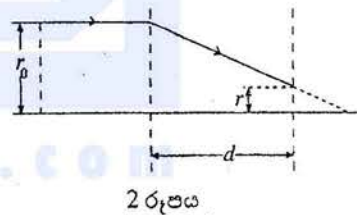
(දකුණු පැත්තේ දෙවන පදය සඳහා ලකුණු 01 සහ සම්පූර්ණ ප්‍රකාශනය සඳහා ලකුණු 01)

6. කැමරාවක භාවිත වන සුම කාච (zoom lens) සැකැස්මක් (1) රූපයේ පෙන්වයි. විචලන d දුරකින් වෙන් වූ නාභීය දුර f_1 වන උත්තල කාචයකින් සහ නාභීය දුර f_2 වන අවතල කාචයකින් එය සමන්විත වේ. සුම කාචයක අභිමතාර්ථය වන්නේ d හි කුඩා විචලනයකින් කාච සංයුක්තයේ සඵල නාභීය දුර සැලකිය යුතු ප්‍රමාණයකින් පිරුමාරු කිරීම මගින් වස්තුවට විචලන විශාලනයක් ලබා දීමයි.



- (a) I හිදී තාත්වික ප්‍රතිබිම්බයක් සෑදීම සඳහා d සහ f_1 මගින් තෘප්ත කළ යුතු අසමානතාව කුමක් ද?
 (b) අවතල කාචයේ සිට V දුරක් දකුණින් කාච සංයුක්තය I ප්‍රතිබිම්බයක් සාදයි. f_1, f_2 සහ d ආසරෙන් V සඳහා ප්‍රකාශනයක්

- (c) (i) සංයුක්තයේ සඵල නාභීය දුර නිර්ණය කිරීම සඳහා ප්‍රකාශ අක්ෂයේ සිට r_0 දුරකින් උත්තල කාචය මත පතනය වන සමාන්තර කිරණයක් සලකන්න. අවතල කාචයට මෙම කිරණය ඇතුළුවන විට ප්‍රධාන අක්ෂයේ සිට එයට ඇති දුර r ,



$r = \frac{r_0(f_1 - d)}{f_1}$ මගින් ලැබෙන බව පෙන්වන්න. (2) රූපයේ ඇති ජ්‍යාමිතිය ඔබගේ ප්‍රකාශනය ලබා ගැනීම සඳහා භාවිත කරන්න.

- (ii) (1) රූපයේ පෙන්වා ඇති අවතල කාචයෙන් නිර්ගත වී I අවසාන ප්‍රතිබිම්බය කරා ළඟා වන කිරණය අවතල කාචයෙන් පසුපසට වම් දිශාවට දික් කළහොත් එය අවසානයේ P ලක්ෂ්‍යයේදී පතන කිරණය හමුවේ. අවසාන ප්‍රතිබිම්බය I සිට Q ලක්ෂ්‍යයට ඇති දුර කාච සංයුක්තයේ සඵල නාභීය දුර f වේ. එම නාභීය දුර f ,

$$f = \frac{f_1 f_2}{f_2 - f_1 + d} \text{ මගින් ලබා දෙන බව පෙන්වන්න.}$$

(ඉඟිය : ඉහත (b) සහ (c) (i) හි ලබාගත් ප්‍රතිඵල හා ජ්‍යාමිතිය ඔබගේ ප්‍රකාශනය ලබා ගැනීම සඳහා භාවිත කරන්න.)

- (iii) $f_1 = 12.0 \text{ cm}$, $f_2 = 18.0 \text{ cm}$ සහ d පරතරය 0 සිට 4.0 cm දක්වා පිරුමාරු කළ හැකි නම් සංයුක්තයේ අවම හා උපරිම නාභීය දුර සොයන්න.

- (iv) ඔබේ ප්‍රතිඵල සුම කාචයේ අභිමතාර්ථය සපුරාලයි ද? ඔබේ පිළිතුරට හේතු දෙන්න.

(a) $d < f_1$ හෝ d, f_1 ට වඩා කුඩාය (01)

($f_1 - d < f_2$ ද තාප්ත කළ යුතුය)

(b) අවතල කාචය සඳහා කාච සමීකරණය යෙදීමෙන්

$$\frac{1}{V} - \frac{1}{U} = \frac{1}{F} \quad \text{..... (01)}$$

අනාත්වික වස්තුව සහ තාත්වික ප්‍රතිබිම්බය සැලකීමෙන්

ලකුණු සම්මුතිය නොමැතිව වස්තු දුර $U = (f_1 - d)$ (01)

[වස්තු දුර $(f_1 - d)$ ලෙස හඳුනාගැනීම සඳහා]

කාච සමීකරණය යෙදීමෙන්

$$-\frac{1}{V} + \frac{1}{f_1 - d} = \frac{1}{f_2} \quad \text{හෝ} \quad \frac{1}{V} + \frac{1}{f_1 - d} = \frac{1}{f_2} \quad \text{..... (01)}$$

{ විකල්ප ක්‍රමය: තාත්වික වස්තුව සහ අනාත්වික ප්‍රතිබිම්බය සැලකීමෙන්

ලකුණු සම්මුතිය නොමැතිව ප්‍රතිබිම්බ දුර $V = (f_1 - d)$ (01)

[ප්‍රතිබිම්බ දුර $(f_1 - d)$ ලෙස හඳුනාගැනීම සඳහා]

කාච සමීකරණය යෙදීමෙන්

$$\frac{1}{f_1 - d} - \frac{1}{V} = \frac{1}{f_2} \quad \text{..... (01)}$$

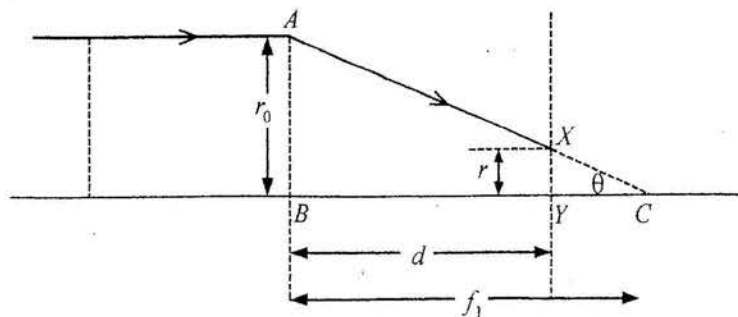
$$\frac{1}{V} = \frac{1}{f_1 - d} - \frac{1}{f_2}$$

$$V = \frac{f_2(f_1 - d)}{(f_2 - f_1 + d)} \quad \text{හෝ} \quad V = -\frac{f_2(f_1 - d)}{(f_2 - f_1 + d)} \quad \text{හෝ} \quad V = \frac{f_2(f_1 - d)}{(f_1 - f_2 - d)}$$

..... (01)

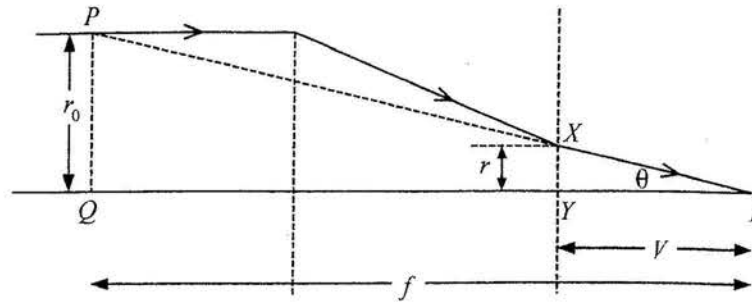
(c) (i) සමරූපි ත්‍රිකෝණ (උදා:-ABC හා XYZ ත්‍රිකෝණ) හෝ $\tan \theta$ සැලකීමෙන්

..... (01)



$$\frac{r}{f_1 - d} = \frac{r_0}{f_1} \quad \text{හෝ} \quad \frac{r}{r_0} = \frac{f_1 - d}{f_1} \quad \text{..... (01)}$$

(ii) සමරූප ත්‍රිකෝණ (උදා: PQI හා XYI ත්‍රිකෝණ) හෝ $\tan \theta$ සැලකීමෙන්



$$\frac{r}{V} = \frac{r_0}{f} \quad \dots\dots (01)$$

$$f = \frac{r_0}{r} V \quad \dots\dots (01)$$

$\frac{r_0}{r}$ සහ V සඳහා ආදේශ කළ විට

$$f = \frac{f_1}{(f_1 - d)} \cdot \frac{f_2(f_1 - d)}{(f_2 - f_1 + d)} \text{ හෝ } f = \frac{f_1}{(f_1 - d)} \cdot \frac{f_2(f_1 - d)}{(f_1 - f_2 - d)} \quad \dots\dots (01)$$

$$f = \frac{f_1 f_2}{(f_2 - f_1 + d)} \text{ ඈ } \text{හෝ} = \frac{f_1 f_2}{(f_1 - f_2 - d)}$$

(iii) f සඳහා අවම අගය ලැබෙන්නේ $d = 4 \text{ cm}$ වන විටය

$$f = \frac{12 \times 18}{18 - 12 + 4} \text{ හෝ } f = \frac{12 \times 18}{12 - 18 - 4} \quad \dots\dots (01)$$

(නිවැරදි ආදේශය සඳහා)

$$f = 21.6 \text{ cm හෝ } -21.6 \text{ cm} \quad \dots\dots (01)$$

f සඳහා අවම අගය ලැබෙන්නේ $d = 0$ වන විටය

$$f = \frac{12 \times 18}{18 - 12} \text{ හෝ } f = \frac{12 \times 18}{12 - 18} \quad \dots\dots (01)$$

(නිවැරදි ආදේශය සඳහා)

$$f = 36 \text{ cm හෝ } -36 \text{ cm} \quad \dots\dots (01)$$

- (iv) ඔව්, d හි 4 cm වෙනසක් සඳහා (d හි කුඩා වෙනසකට) f හි 14.4 cm ක වෙනසක් ඇත හෝ d හි 4 cm වෙනසක් සඳහා (d හි කුඩා වෙනසකට) f හි සැලකිය යුතු වෙනසක් ඇත හෝ d හි 4 cm වෙනසක් හා සසඳන විට f හි වෙනස්වීම තෙගුණයකට වඩා වැඩිය.

..... (01)

7. (a) වායුගෝලීය පීඩනය යටතේ අභ්‍යන්තර අරය r වන කේශික තලයක් ජලයේ ගිල්වා ඇත. තලයේ කේශික උද්ගමනය h හි අගය, $h = \frac{2T}{\rho g r}$ මගින් ලබා දෙන බව පෙන්වන්න. මෙහි T යනු ජලයේ පෘෂ්ඨික ආතතිය වන අතර ρ යනු ජලයේ ඝනත්වය වේ. ජලය සහ තලයේ ද්‍රව්‍යය අතර ස්පර්ශ කෝණය ශුන්‍ය ලෙස ගන්න.

- (b) ශාකවල ජලය ඉහළ නගින්නේ ශෛලම (xylem) තළ ලෙසින් හැඳින්වෙන කේශිකයන් ඔස්සේ ය. පහත (b) (i) සහ (b) (ii) කොටස්වලට පිළිතුරු සැපයීමේ දී දෙකෙළවර ම වායුගෝලීය පීඩනයට නිරාවරණය වී ඇති ශෛලම තලයක් සලකන්න.

(i) අරය $100 \mu\text{m}$ වන එවැනි කේශිකයක් තුළ ජලය ඉහළ නගින උස ගණනය කරන්න. (ජලයේ පෘෂ්ඨික ආතතිය $= 7.2 \times 10^{-2} \text{ N m}^{-1}$; ජලයේ ඝනත්වය $= 10^3 \text{ kg m}^{-3}$)

(ii) උස් ගස්වල 100 m ක් වැනි උසකට පවා ජලය ඉහළ නගී. ශෛලම තළවල ජලය ඉහළ නගින්නේ කේශාකර්ෂණය නිසා පමණක් වේ නම් ශාකයක 100 m ක මුදුන කරා ජලය ඔසවන කේශිකයේ අභ්‍යන්තර අරය ගණනය කරන්න.

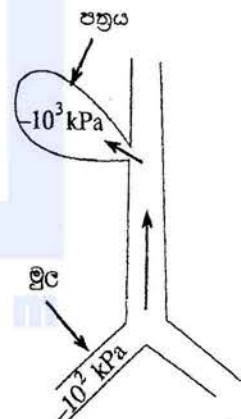
- (c) එනමුත් ශාක ශෛලමවල ඉහත (b) (ii) හි ගණනය කළ තරමේ කුඩා කේශික, විද්‍යාඥයන් විසින් කිසිවිටෙක සොයාගෙන නැත. එමනිසා ශාක මුදුන කරා ජලය රැගෙන යෑමට වගකිව යුතු වන්නේ කේශාකර්ෂණය පමණක් විය නොහැක.

මුල්වල සිට පත්‍ර කරා ජලය ඉහළ නැගීම පැහැදිලි කිරීම සඳහා විද්‍යාඥයෝ ජල පීඩනය (ජල ඒකීය පරිමාවක විභවය) නම් වූ සංකල්පය භාවිත කරති. සම්මත උෂ්ණත්වයේ දී හා පීඩනයේ දී සංශුද්ධ ජලයට ශුන්‍ය වූ ජල පීඩනයක් ඇතුළු සලකනු ලැබේ. ජලයට ද්‍රාව්‍ය අණු එකතු කිරීමේ එලය වන්නේ එහි ජල පීඩනය පහළ යෑමයි. එනම් සෘණ වීමයි. පත්‍ර පටකවලින් ජලය වාෂ්පීභවනය වන විට එමගින් පත්‍රවල ජලයේ ද්‍රාව්‍ය සාන්ද්‍රණය ඉහළ නංවයි. මෙහි ප්‍රතිඵලය වන්නේ මුල්වල ජල පීඩනයට වඩා පත්‍රවල ජල පීඩනය සාපේක්ෂව අඩු වීමයි. මෙම ජල පීඩන අනුක්‍රමණය මුල් සිට පත්‍ර කරා ජලය ඉහළට තල්ලු කරයි.

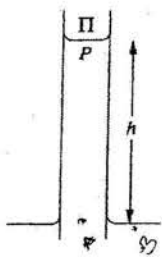
- (i) ශාකයක මුලක් සහ පත්‍රයක් රූපයේ පෙන්වා ඇත. මූලෙහි සහ පත්‍රයෙහි ජල පීඩන පිළිවෙළින් -10^2 kPa සහ -10^3 kPa නම් ශෛලම තලයක් තුළ මෙම පීඩන වෙනස මගින් උසුලා තබා ගත හැකි ජල කඳේ උස නිමානනය කරන්න. (ජලයේ පෘෂ්ඨික ආතතිය නොසලකා හරින්න.)

- (d) (i) ශෛලම තලය (අභ්‍යන්තර අරය $= 100 \mu\text{m}$) ඔස්සේ ජල ගැලීම අනාකූල යැයි උපකල්පනය කොට ඉහළ නගින ජලයේ වේගයේ සාමාන්‍යය නිර්ණය කිරීම සඳහා පොයිසෙල් සමීකරණය භාවිත කරන්න. ඉහළ නගින ජල කඳේ බර නොසලකා හරින්න. ජලයේ දූස්ස්‍රාවීතාව $= 10^{-3} \text{ Pa s}$, ශෛලම තලයේ දිග ඉහත (c) (i) හි ගණනය කළ උසට සමාන ලෙස ගන්න.

- (ii) ශෛලම තලය තුළ මෙම ජල කඳ ඉහළ නැංවීම සඳහා අවශ්‍ය වන ජවය ගණනය කරන්න. ($\pi = 3$ ලෙස ගන්න.)



(a) පෘෂ්ඨික ආතති බල ජල කඳේ බරට සමාන කිරීම මගින්



$$P + h\rho g = P_a$$

$$P - P = \frac{2T}{r}$$

$$P = \frac{2T}{r}$$

$$2\pi rT = \pi r^2 h \rho g$$

..... (01)

හෝ පීඩන අන්තරයන් සමාන කිරීමෙන්

$$\left[P - P = \frac{2T}{r} \text{ and } P - P = h\rho g \text{01} \right]$$

$$h = \frac{2T}{\rho r g}$$

$$(b) (i) h = \frac{2 \times 7.2 \times 10^{-2}}{10^3 \times 100 \times 10^{-6} \times 10}$$

..... (01)

(නිවැරදි ආදේශය සඳහා)

$$h = 0.144 \text{ m } (14.4 \times 10^{-2} \text{ m ; } 14.4 \text{ cm})$$

..... (01)

$$(ii) r = \frac{2 \times 7.2 \times 10^{-2}}{10^3 \times 100 \times 10}$$

..... (01)

(නිවැරදි ආදේශය සඳහා)

$$r = 1.44 \times 10^{-7} \text{ m } (0.144 \text{ } \mu\text{m})$$

..... (01)

(c) (i) ජල කඳේ උස h ලෙස ගනිමු

$$h\rho g = \text{පීඩන වෙනස}$$

..... (01)

$$h \times 10^3 \times 10 = [-10^2 - (-10^3)] \times 10^3$$

..... (01)

(නිවැරදි ආදේශය සඳහා)

$$h = \frac{10^2(10-1)}{10}$$

$$h = 90 \text{ m}$$

..... (01)

(d) (i) ජලයේ වේගය v ලෙස ගනිමු. පොයිසෙල් සමීකරණය යෙදීමෙන්

$$\pi r^2 v = \frac{\Delta P \pi r^4}{8 \eta l} \approx \frac{Q}{\lambda} \quad \dots\dots\dots (01)$$

$$v = \frac{\Delta P r^2}{8 \eta l} \quad \dots\dots\dots (01)$$

$$v = \frac{9 \times 10^5 (100 \times 10^{-6})^2}{8 \times 10^{-3} \times 90} \quad \dots\dots\dots (01)$$

(නිවැරදි ආදේශය සඳහා)

$$v = 1.25 \times 10^{-2} \text{ m s}^{-1} \text{ (1.25 cm s}^{-1}\text{)} \quad \dots\dots\dots (01)$$

ඒක භාගය වෙත පරිවර්තනය කරන්න.

(iii) ජවය = $\Delta P \pi r^2 v$ (01)

$$= 9 \times 10^5 \times 3 \times (100 \times 10^{-6})^2 \times 1.25 \times 10^{-2} \quad \dots\dots\dots (01)$$

(නිවැරදි ආදේශය සඳහා)

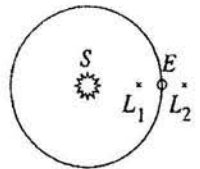
$$= 3.375 \times 10^{-4} \text{ W (3.37 - 3.40) } \times 10^{-4} \text{ W} \quad \dots\dots\dots (01)$$

8. සන්නිවේදනය, කාලගුණ විද්‍යාව, ආරක්ෂාව සහ පෘථිවියෙහි මෙන්ම පිටත අභ්‍යවකාශයේ විද්‍යාත්මක ගවේෂණ ආදී ක්ෂේත්‍ර තුළ වත්දිකාවල භාවිතය පුළුල් වෙමින් පවතී. වත්දිකාවල යෙදීම් අනුව ඒවා යම් නියමිත කක්ෂවල තබා ඇත. වත්දිකාවක් කක්ෂයක පවත්වා ගැනීම සඳහා අවශ්‍ය කේන්ද්‍ර අභියාමී බලය ගුරුත්වාකර්ෂණ බලය මගින් ලබා දෙයි.

පෘථිවියේ භ්‍රමණ චලිතයේ කාලාවර්තයට ගැළපෙන අයුරින් පැය 24 ක කාලාවර්තයක් සහිතව **ගුග්ගමාසීය (Geosynchronous)** වත්දිකා පෘථිවිය වටා කක්ෂ ගත වේ. **ගුග්ගමාසීය (Geostationary) වත්දිකාවක් (ගු.ගු.ව)** යනු පෘථිවියේ සමකය (අක්ෂාංශ 0°) හරහා යන තලය මත ආසන්න වශයෙන් වෘත්තාකාර කක්ෂයක පවතින පොළව මත සිටින නිරීක්ෂකයකුට අභ්‍යවකාශයේ චලිතයක් නොමැතිව පවතින්නා සේ පෙනෙන හු සමකාලීන වත්දිකාවක් වේ. ගු.ගු.ව. පිළිබඳව අදහස පළමුවරට යෝජනා කරන ලද්දේ විද්‍යා ප්‍රබන්ධ රචක ආකර් සී ක්ලාක් විසිනි. සන්නිවේදන වත්දිකා සහ කාලගුණික වත්දිකා සඳහා බොහෝ විට ගුග්ගමාසී කක්ෂ ලබා දෙනුයේ ඒවාට පෘථිවියේ එකම ප්‍රදේශ අඛණ්ඩව නිරීක්ෂණය කිරීමට හැකිවන නිසාය. ගු.ගු.ව. පෘථිවි මධ්‍යස්ථාන සමග සන්නිවේදනය කිරීම සඳහා දිශාගත ඇන්ටෙනා භාවිත කරනු ලැබේ. වත්දිකාවක් ගු.ගු.ව. ක් ලෙස ක්‍රියාත්මක වීමේ අවාසි ද කිහිපයක් ඇත. එකිනෙක අතර බලපෑමක් නොවන අයුරින් හු ගු.ගු.ව. කක්ෂවල පවත්වාගත හැකි වත්දිකා සංඛ්‍යාව සීමිත වේ. පෘථිවි මධ්‍යස්ථානයකින් නිකුත් කරන ලද විද්‍යුත් චුම්බක සංඥාවක් ආලෝකයේ ප්‍රවේගයෙන් ($3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$) ගමන් කරයි. වත්දිකාවට ඇති අධික දුර නිසා පෘථිවි මධ්‍යස්ථානයක් මගින් නිකුත් කළ මුල් සංඥාව සහ වත්දිකාව හරහා ගමන් කර නැවත වෙනත් මධ්‍යස්ථානයක් වෙත පැමිණෙන විට සංඥාව අතර සැලකිය යුතු කාල පරාසයක් ඇති වේ. තවද අධික උස නිසා ගු.ගු.ව. මගින් ලබා ගන්නා, විශේෂයෙන් සමකයෙන් ඇත පිහිටුම්වල, පෘථිවියේ පිත්තූරවල පැහැදිලි බව අඩු වේ. තවත් ගැටලුවක් වනුයේ ගු.ගු.ව. සූර්යයාට ආසන්න වන විට විශේෂයෙන් මාර්තු සහ සැප්තැම්බර් මාස අතදී සූර්යයා පෘථිවියේ සමක තලය හරහා යන විට සූර්යයාගෙන් ලැබෙන විද්‍යුත් චුම්බක විකිරණ මගින් ඇතිකරන හානියයි.

මෑත වසරවලදී වඩා කෙටි කාලාවර්තයක් සහිත සාමාන්‍යයෙන් පෘථිවි පෘෂ්ඨයේ සිට 160 - 2000 km උසකින් ක්‍රියාත්මක වන පහළ පෘථිවි කක්ෂ වන්දිකා (ප.පෘ.ක.ව) ජනප්‍රිය වී තිබේ. මේවායේ කක්ෂ පෘථිවි කේන්ද්‍රය හරහා යන ඕනෑම තලයක පැවතිය හැක. එනමුදු නිශ්චිත ස්ථානයකට අදාළව සන්නිවේදන දක්න එක්රැස් කරගැනීම (උදා: යම් රටකට ඉහළින් කාලගුණය නිරීක්ෂණය කිරීම) සඳහා ප.පෘ.ක.ව. සමූහයක් සහිත පද්ධතියක් අවශ්‍ය වේ. ප.පෘ.ක.ව. වල වාසි සමහරක් නම් සරල දිශාගත විය යුතු නැති ඇත්තේනා භාවිතය, විද්‍යුත් චුම්බක සංඥා සඳහා කාල පමාව අඩු වීම, පැහැදිලි බවින් වැඩි පෘථිවියේ පින්තූර ලබා ගත හැකි වීම සහ සූර්යයාගෙන් ලැබෙන විද්‍යුත් චුම්බක විකිරණ අඩු වීම වේ. තවද වන්දිකාවක් පහළ පෘථිවි කක්ෂයක තැබීම සඳහා අවශ්‍ය වන්නේ අඩු සම්පත් සහ ශක්ති ප්‍රමාණයක් වන අතර සාර්ථකව සන්නිවේදනය කිරීම සඳහා අවශ්‍ය වන්නේ අඩු ප්‍රබලතාවක් ඇති වර්ධක වේ. පෘථිවියේ ධ්‍රැවවලට ඉහළින් ගමන් කරන ධ්‍රැව වන්දිකාවක් (polar satellite) ප.පෘ.ක.ව.වල විශේෂ අවස්ථාවකි. හබල් අභ්‍යවකාශ දුරේක්ෂය ප.පෘ.ක.ව.වලට තවත් උදාහරණයකි.

පිටත අභ්‍යවකාශ විද්‍යාත්මකව ගවේෂණය කිරීම සඳහා පෘථිවියේ සිට ඉතා ඈත කක්ෂවල රඳවා ඇති නිරීක්ෂණාගාර තුළ පර්යේෂණ සිදු කරනු ලැබේ. මෙවැනි පර්යේෂණ සිදුකිරීම සඳහා වන්දිකා රඳවා තැබිය හැකි විශේෂිත පිහිටුම් පහක් පවතී. ඒවා ලග්‍රාන්ජ් (Lagrange) ලක්ෂ්‍ය නැතහොත් L-ලක්ෂ්‍යයන් ලෙස හැඳින්වේ. L-ලක්ෂ්‍යයන්වල තබන ලද වන්දිකා සූර්ය පෘථිවි පද්ධතියට සාපේක්ෂව අවලංගු පවතින සේ පෙනේ. L-ලක්ෂ්‍යවලින් දෙකක් වූ L_1 සහ L_2 ලෙස හඳුන්වන ලක්ෂ්‍යයන් දෙක පහත රූපයේ පෙන්වා ඇත. පෘථිවිය සූර්යයා වටා වර්ෂ එකක කාලාවර්තයක් ඇති කක්ෂයක ගමන් කරන විට L_1 සහ L_2 ලක්ෂ්‍යයන් මත තබන ලද වන්දිකා ද සූර්ය - පෘථිවි පද්ධතිය සමග ගමන් කරන නමුත් ඒවායේ සාපේක්ෂ පිහිටුම් නොවෙනස් ව පවතී. L_1 ආසන්නයේ වන්දිකා හතරක් ද L_2 ආසන්නයේ නවතම ජලාන්ත (Planck) අභ්‍යවකාශ නිරීක්ෂණාගාරය ඇතුළු වන්දිකා තුනක් ද ස්ථානගත කර තිබේ. පිටත අභ්‍යවකාශය නිරීක්ෂණය කිරීම සඳහා L_2 වඩා ප්‍රයෝජනවත් වේ. මන්ද යත් L_2 හි ඇති වන්දිකාවක් දෙසට පතිත වන සූර්ය විකිරණවලින් කොටසක් පෘථිවිය මගින් වලිනය පුරාවටම අවහිර කරන බැවිනි. (පෘථිවියේ අරය 6.4×10^6 m වේ.)



- භූ.ස්.ව.වක කාලාවර්තයේ අගය කොපමණ ද?
- පෘථිවිය වටා භූ.ස්.ව.කට තිබිය හැකි කක්ෂයේ ක්‍රිමාන රූපයක් අඳින්න. පෘථිවියෙහි භූගෝලීය උතුර, දකුණ සහ සමක තලය පැහැදිලිව සලකුණු කරන්න.
- ප.පෘ.ක.ව. සඳහා උදාහරණයක් දෙන්න.
- භූ.ස්.ව. කක්ෂයේ අරය r සඳහා ප්‍රකාශනයක් සර්වත්‍ර ගුරුත්වාකර්ෂණ නියතය G පෘථිවියේ ස්කන්ධය M_E සහ භූ.ස්.ව. කාලාවර්තය T ඇසුරෙන් ලබාගන්න. නිවැරදි සංඛ්‍යාත්මක අගයයන් ප්‍රකාශනයට ආදේශ කරන්න. පිළිතුර සුළු කිරීම අවශ්‍ය නොවේ. $GM_E = 40 \times 10^{13} \text{ m}^3 \text{ s}^{-2}$
- පෘථිවි මධ්‍යස්ථානයකින් එයට 36000 km ක් සිරස්ව ඉහළින් පිහිටි භූ.ස්.ව. කට නිකුත් කරනු ලබන විද්‍යුත් චුම්බක පිරික්සුම් සංඥාවක් එම මධ්‍යස්ථානය මගින්ම නැවත ආපසු ලබාගන්නේ නම් එසේ ලබා ගැනීමේදී ඇති වන කාල පමාව ගණනය කරන්න.
- පෘථිවිය වටා කක්ෂගතව ඇති ජාත්‍යන්තර අභ්‍යවකාශ මධ්‍යස්ථානය අරය 6700 km ක් වූ සමක තලයට ආනත කක්ෂයක පවතී. එහි කාලාවර්තය ගණනය කරන්න. මෙය භූ.ස්.ව.වක් ද නැතහොත් ප.පෘ.ක.ව. වක් ද? ඔබේ පිළිතුරට හේතු ව දෙන්න. ($\sqrt{67^3} = 67^{\frac{3}{2}} = 548.4$; π^2 හි අගය 10 ලෙස ගන්න.)
- ප.පෘ.ක.ව. ක වාසි තුනක් සඳහන් කරන්න.
- පිටත අභ්‍යවකාශ නිරීක්ෂණාගාරයක් තැබීමට L_2 පිහිටුම වඩා හොඳ වන්නේ මන්ද?
- ජලාන්ත අභ්‍යවකාශ නිරීක්ෂණාගාරයේ කෝණික වේගය (ω) rad year^{-1} ඒකකවලින් ගණනය කරන්න.
- ජලාන්ත නිරීක්ෂණාගාරයේ කක්ෂීය වලිනය සඳහා සමීකරණයක් සූර්යයාගේ ස්කන්ධය (M_S), පෘථිවියේ ස්කන්ධය (M_E), පෘථිවියේ සිට සූර්යයාට ඇති දුර (R), පෘථිවියේ සිට වන්දිකාවට ඇති දුර (r), ω සහ G ඇසුරෙන් ලියා දක්වන්න. අනිකුත් ග්‍රාහක සහ වන්දියාගේ බලපෑම නොසලකා හරින්න.
- යම් වස්තුවක් වටා ඇති වන්දිකාවල කාලාවර්තය සාමාන්‍යයෙන් වස්තුවේ කේන්ද්‍රයේ සිට ඇති දුර සමග වැඩි විය යුතුය. L_1 හා L_2 හි ඇති වන්දිකා, සූර්යයාගේ සිට වෙනස් දුරවල පවතින නමුත් ඒවායේ කාලාවර්තයන් සමාන වේ. මේ සඳහා හේතු පැහැදිලි කරන්න.

(a) භූ.ස්.ව.වක කාලාවර්තය = 24 පැය (01)



..... (01)

- (c) ප.පා.ක.ව. ක් සඳහා උදාහරණ:
හබල් අභ්‍යවකාශ දුරේක්ෂය

හෝ ධ්‍රැව චන්ද්‍රිකාව

හෝ අන්තර්ජාතික අභ්‍යවකාශ මධ්‍යස්ථානය
(ඉහත ඕනෑම එකක්)

..... (01)

(d)
$$\frac{GM_E m}{r^2} = \frac{mv^2}{r} \quad \text{හෝ} \quad mr\omega^2 \quad \text{හෝ} \quad mr \left(\frac{2\pi}{T} \right)^2$$

(සමීකරණයේ ඕනෑම ආකාරයක්)

..... (01)

$$\frac{GM_E}{r^2} = \frac{v^2}{r} \quad \text{හෝ} \quad r\omega^2 \quad \text{හෝ} \quad r \left(\frac{2\pi}{T} \right)^2$$

$$r = \left[GM_E \left(\frac{T}{2\pi} \right)^2 \right]^{\frac{1}{3}}$$

..... (01)

$$r = \left[40 \times 10^{13} \left(\frac{24 \times 60 \times 60}{2\pi} \right)^2 \right]^{\frac{1}{3}}$$

..... (01)

(නිවැරදි ආදේශය සඳහා) (π සඳහා 22/7 හෝ 3.14 ආදේශ කළ හැක)
අපි ලබා දුන් සෑම දත්තම භාවිත කර ගන්න.

(e) කාල පමාව
$$= \frac{2 \times 36000 \times 10^3}{3 \times 10^8}$$

$$= 0.24 \text{ s}$$

..... (01)

- (f) ආනත තලයක් වූවත් කක්ෂීය සමීකරණය (d) කොටසේ මෙන්ම වේ.

හෝ
$$\frac{GM_E m}{r^2} = \frac{mv^2}{r} \quad \text{හෝ} \quad mr\omega^2 \quad \text{හෝ} \quad mr \left(\frac{2\pi}{T} \right)^2$$

(සමීකරණයේ ඕනෑම ආකාරයක්)

..... (01)

$$\text{හෝ} \quad T^2 = \frac{r^3 (2\pi)^2}{GM_E}$$

$$T^2 = \frac{(6700 \times 10^3)^3 \times 4 \times 10}{40 \times 10^{13}}$$

$$T = 67^{3/2} \times 10$$

$$T = 5484 \text{ s}$$

..... (01)

මෙය ප.පා.ක.ව. වකි. එයට හේතුව වන්නේ

- එය ආනත තලයක පවතී.
 - උස 160-2000 km පරාසයේ වේ.
 - කාලාවර්තය පැය 24 කට වඩා අඩුය.
- ඉහත හේතු තුනෙන් ඕනෑම එකක්

..... (01)

(g) ප.පා.ක.ව. ක වාසි තුන

- සරල දිශාගත විය යුතු නැති ඇත්ටොනා භාවිතය
- විද්‍යුත් චුම්බක සංඥා සඳහා කාල පමාව අඩුවීම
- පැහැදිලි බැවින් වැඩි පෘථිවියේ පින්තූර ලබාගත හැකි වීම.
- සූර්යයාට නිරාවරණය වන විද්‍යුත් චුම්බක විකිරණ අඩු වීම.
- කක්ෂයක රැඳවීම සඳහා අඩු සම්පත් හා ශක්ති ප්‍රමාණයක් අවශ්‍ය වීම.
- අඩු ප්‍රබලතාවයක් ඇති වර්ධක අවශ්‍ය වීම.

(ඉහත ඕනෑම තුනක්)

..... (01)

(h) L_2 පිහිටුම වඩා හොඳ වන්නේ එම පිහිටුමේදී වන්දිකාව මතට පතිත වන සූර්ය විකිරණවලින් කොටසක් අවහිර කරන බැවිනි.

..... (01)

(i) ප්ලාන්ක් අභ්‍යාවකාශ පරීක්ෂණාගාරයේ කෝණික වේගය

$$2\pi \text{ rad year}^{-1}$$

..... (01)

(π සඳහා 22/7 හෝ 3.14 ආදේශ කළ හැක)

(j) ප්ලාන්ක් පරීක්ෂණාගාරයේ කක්ෂීය සමීකරණය

$$\text{හෝ } \frac{GM_S m}{(R+r)^2} + \frac{GM_E m}{r^2} = \frac{mv^2}{(R+r)}$$

$$\frac{GM_S m}{(R+r)^2} + \frac{GM_E m}{r^2} = m(R+r)\omega^2$$

..... (01)

(k) L_1 හි, ඇති වන්දිකාව සඳහා $\frac{GM_S m}{(R-r)^2} - \frac{GM_E m}{r^2} = m(R-r)\left(\frac{2\pi}{T}\right)^2$

L_2 හි ඇති වන්දිකාව සඳහා $\frac{GM_S m}{(R+r)^2} + \frac{GM_E m}{r^2} = m(R+r)\left(\frac{2\pi}{T}\right)^2$

L_1 හිදී වන්දිකාව මත බලය පෘථිවිය නිසා අඩු වන අතර L_2 හි දී වන්දිකාව මත බලය පෘථිවිය නිසා වැඩි වේ.

..... (01)

9. (A) කොටසට හෝ (B) කොටසට හෝ පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

(A) 1 රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිපථයට A, B සහ C නම් ප්‍රදාන තුනක් ඇති අතර 0 හෝ 7 V වන V_A, V_B සහ V_C වෝල්ටීයතා, එම ප්‍රදාන සහ XY පොදු භූමන ධන අතර යෙදිය හැක.

(a) 2 රූපයේ පෙන්වා ඇති ආකාරයට එක් එක් ප්‍රදාන අග්‍ර භාග කිරීමෙන් සෑදූ ප්‍රදානයකටම ශුන්‍ය වෝල්ටීයතාවක් (එනම් $V_A = V_B = V_C = 0$) යෙදවීමෙන්

(i) ZY අතර සමක ත්‍රිකෝණය සොයන්න.

(ii) V_0 ප්‍රතිදාන වෝල්ටීයතාව සොයන්න.

දත් පහත පෙන්වා ඇති වගුව ඔබේ උත්තර පත්‍රයට පිටපත් කරගෙන එහි 1 පේළිය (එනම් V_0 අගය) සම්පූර්ණ කරන්න.

වැදගත්: (b), (c) සහ (d) කොටස් සඳහා ලකුණු ලබා ගැනීමට නම් සියලුම ගණනය කිරීම් සහ ඒවාට අදාළ සෑම පරිපථයක් ම පැහැදිලිව දක්විය යුතු ය.

	V_C (වෝල්ට්)	V_B (වෝල්ට්)	V_A (වෝල්ට්)	V_0 (වෝල්ට්)
1 පෙළිය	0	0	0	
2 පෙළිය	0	0	7	
3 පෙළිය	0	7	0	
4 පෙළිය	0	7	7	
5 පෙළිය	7	0	0	
6 පෙළිය	7	0	7	
7 පෙළිය	7	7	0	
8 පෙළිය	7	7	7	

(b) දෑ 3 රූපයේ පෙන්වා ඇති ආකාරයට A ප්‍රදානය 7 V ට සම්බන්ධ කර B සහ C ප්‍රදාන හඟන කරනු ලැබේ.

V_0 හි නව අගය ගණනය කර එනයින් වගුවේ 2 පේළිය පුරවන්න.

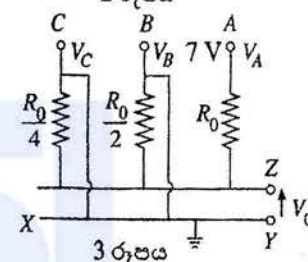
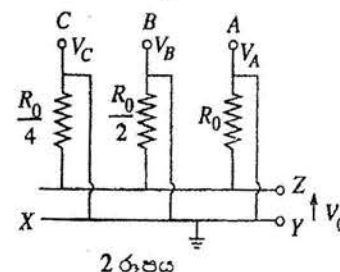
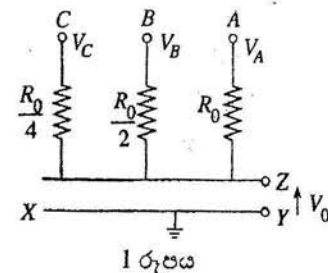
(c) (i) A සහ C ප්‍රදාන භූගත කර සහ B ප්‍රදාන 7 V ට සම්බන්ධ කර $3\text{ }\Omega$ ප්‍රභේද දක්වා ඇති ආකාරයට පරිපථයක් අඳින්න.

(ii) V_0 හි අගය සොයා වගුවේ 3 පේළිය පුරවන්න.

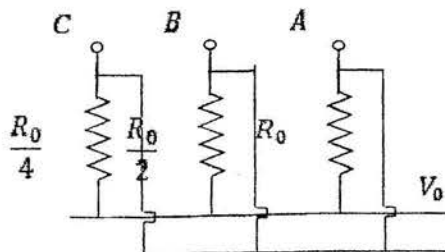
(d) වගුවේ 4 සහ 5 පේළි මගින් දක්වා ඇති අවස්ථා සඳහා අනුරූප තර්තම ඇඳ V_0 අගයන් සොයා අයළු පේළි සුරුවන්න.

(e) (i) එනමින් වගුවේ ඉතිරි ප්‍රදාන වෝල්ටීයතා සංයුක්ත සඳහා V_0 අගයන් අපෝහනය කර වගුවේ V_0 නිරූපණය කරන්න.

(ii) 7 V සහ 0 වෝල්ටීයතා පිළිවෙළින් ද්විමය 1 සහ 0 නිරූපණය කරන්නේ යැයි සැලකුවහොත් 1 රූපයේ දී ඇති පරිපථය සිදුකරන කර්තව්‍යය කුමක් දැයි පැහැදිලි කරන්න.



(a) (i)



ZY අතර සමක ප්‍රතිරෝධය R නම්

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_0} + \frac{2}{R_0} + \frac{4}{R_0}$$

..... (01)

$$= \frac{7}{R_0}$$

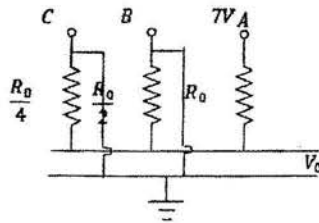
$$R = \frac{R_0}{7}$$

..... (01)

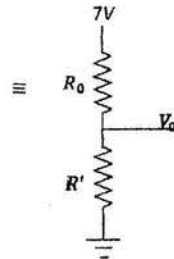
(ii) ප්‍රතිදාන වෝල්ටීයතාව, $V_0 = 0$

..... (01)

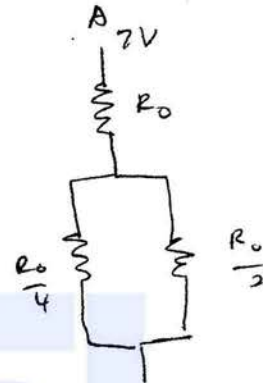
(b)



1 රූප සටහන



2 රූප සටහන



මෙහි $\frac{1}{R'} = \frac{2}{R_0} + \frac{4}{R_0}$

$$R' = \frac{R_0}{6}$$

..... (01)

$$V_0 = \left(\frac{7}{6}R_0\right) \times \frac{R_0}{6}$$

$$V_0 = 1 \text{ V}$$

..... (01)

(c) (i)

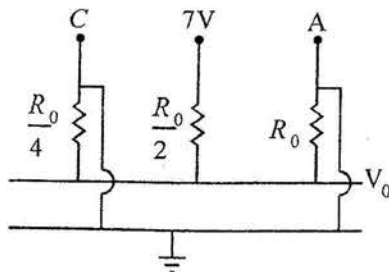
$\frac{R_0}{4}$ හා R_0 සමාන්තර සංයුක්තයේ සමක ප්‍රතිරෝධය R'' දෙනු ලබන්නේ

$$\frac{1}{R''} = \frac{4}{R_0} + \frac{1}{R_0}$$

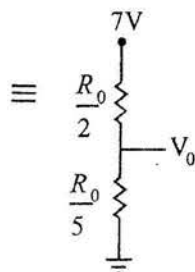
$$R'' = \frac{R_0}{5}$$

..... (01)

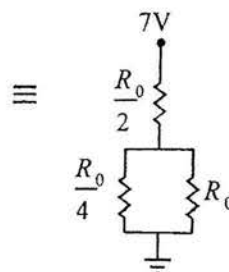
(ii)



1 රූප සටහන



2 රූප සටහන



3 රූප සටහන

1 රූප සටහන හෝ 2 රූප සටහන හෝ 3 රූප සටහන සඳහා

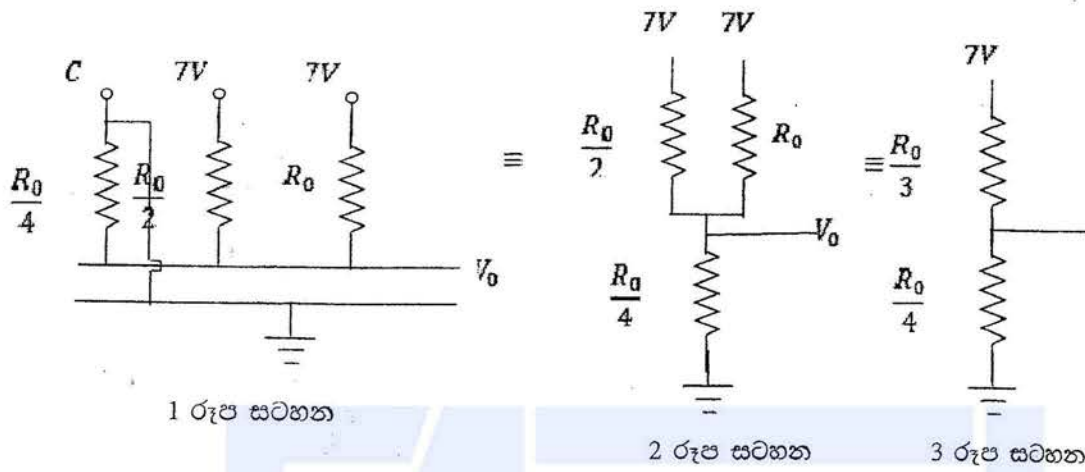
..... (01)

$$V_0 = \frac{7}{\frac{7R_0}{10}} \times \frac{R_0}{5}$$

$$= 2 \text{ V}$$

..... (01)

(d) 4 වන පේළිය



1 රූපසටහන / 2 රූපසටහන / 3 රූපසටහන සඳහා

..... (01)

$$\frac{1}{R'''} = \frac{1}{R_0} + \frac{2}{R_0} \quad (\text{හෝ 2 හෝ 3 රූපසටහන සඳහා})$$

..... (01)

$$= \frac{R_0}{3}$$

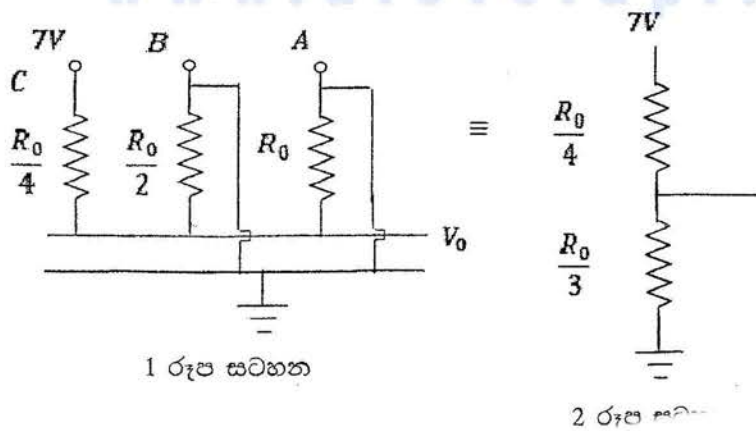
..... (01)

$$V_0 = \frac{7}{\frac{7R_0}{12}} \times \frac{R_0}{4}$$

$$= 3 \text{ V}$$

..... (01)

5 වන පේළිය



$$\frac{1}{R''''} = \frac{1}{R_0} + \frac{2}{R_0}$$

$$R'''' = \frac{R_0}{3}$$

$$V_0 = \frac{7}{\frac{7R_0}{12}} \times \frac{R_0}{3}$$

$$= 4 \text{ V}$$

..... (01)

(1 රූප සටහන හෝ 2 රූප සටහන සහ V_0 ගණනය සඳහා)

සටහන: 4 සහ 5 පේළි සඳහා අනුරූප ලකුණු දීමේ පටිපාටි හුවමාරු කළ හැකිය

(e) (i)

	V_C (volts)	V_B (volts)	V_A (volts)	V_0 (volts)
Row 1	0	0	0	0
Row 2	0	0	7	1
Row 3	0	7	0	2
Row 4	0	7	7	3
Row 5	7	0	0	4
Row 6	7	0	7	5
Row 7	7	7	0	6
Row 8	7	7	7	7

සම්පූර්ණ කළ වගුව (V_0 නිරූප)

..... (01)

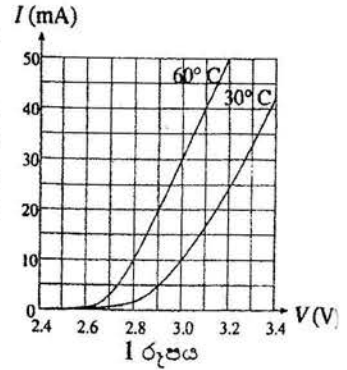
(ii) ද්වීමය සිට දශම පරිවර්තකයක් ලෙසට [ද්වීමය සිට අෂ්ටක] පරිපථය ක්‍රියා කරයි.

හෝ සංඛ්‍යාක සිට ප්‍රතිසම පරිවර්තකයක් (DAC) ලෙසට පරිපථය ක්‍රියා කරයි.

..... (01)

(ඕනෑම එකක් සඳහා)

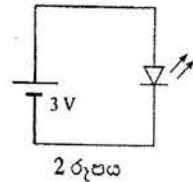
(B) ප්‍රකාශ විමෝචක දියෝඩයක (LED) වෙනස් උෂ්ණත්ව දෙකක් සඳහා I - V ලාක්ෂණික 1 රූපයේ පෙන්වා ඇත.



(a) (i) 30°C ධූ කාමර උෂ්ණත්වයේ දී එම දියෝඩය 2 රූපයේ පෙන්වා ඇති ආකාරයට 3 V බැටරියකට සම්බන්ධ කර ඇතුළු සිතන්න. I - V ලාක්ෂණිකයට අනුව එය 10 mA ධාරාවක් ඇද ගනු ඇත. මද වේලාවකට පසු එහි කාප උත්සර්ජනය නිසා දියෝඩය 60°C උෂ්ණත්වයට ළඟා වේ නම්, දියෝඩය හරහා ධාරාව කුමක් වනු ඇත් ද?

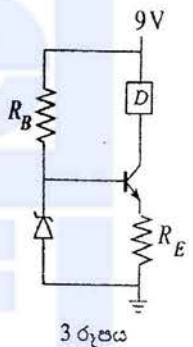
(ii) අර්ධ සන්නායක උපාංගයක් හරහා යන ධාරාවක් උෂ්ණත්වය මත රඳා පවතිනු ඇත්තේ කුමක් නිසා ද?

(iii) ශ්‍රේණිගතව ප්‍රතිරෝධයක් සම්බන්ධ කිරීම මගින් දියෝඩය හරහා ධාරාව පාලනය කළ හැකිය. 9 V බැටරියකට සම්බන්ධ කර ඇති විට, ප්‍රකාශ විමෝචක දියෝඩය හරහා ධාරාව (30°C හිදී) 10 mA ට සීමා කරන ප්‍රතිරෝධයේ අගය ගණනය කරන්න.



(iv) ඉහත (iii) කොටසේ ගණනය කරන ලද අගය සහිත ප්‍රතිරෝධයක් යොදා ඇති විට දියෝඩයේ උෂ්ණත්වය 30°C ට වඩා ඉහළ ගොස් ධාරාව 10.3 mA ට ළඟා වන්නේ යැයි සිතන්න. මෙම තත්ත්වයටත් දියෝඩය හරහා සහ ප්‍රතිරෝධය හරහා වෝල්ටීයතාවයන් ගණනය කරන්න. මෙය සිදුවන විට ප්‍රකාශ විමෝචක දියෝඩයේ ක්ෂමතා උත්සර්ජනය වැඩිවේ ද? අඩුවේ ද? ඔබේ පිළිතුර සාධාරණීකරණය කරන්න. තවදුරටත් උෂ්ණත්වය වැඩිවීම නිසා ධාරාව වැඩිවුවහොත් දියෝඩය සහ ප්‍රතිරෝධය හරහා විභව අන්තර්වලට කුමක් වේ ද?

(b) ප්‍රකාශ විමෝචක දියෝඩයක් වැනි උපාංගයකට (රූපයේ D ලෙස සලකුණු කර ඇති) නියත ධාරාවක් සැපයීම සඳහා නිකර් භාවිත වන පරිපථයක් 3 රූපයේ පෙන්වා ඇත.

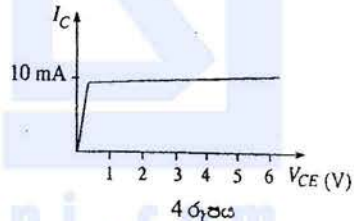


(i) R_B හි අගය 3 000 Ω නම් සහ සේතර දියෝඩය හරහා වෝල්ටීයතා බැස්ම 3 V නම්, සේතර දියෝඩය හරහා ධාරාව ගණනය කරන්න. (පාදම ධාරාව නොගිණිය හැකි යැයි උපකල්පනය කරන්න.)

(ii) ව්‍යාප්තියට පාදම - විමෝචක සන්ධිය හරහා වෝල්ටීයතාව 0.7 V නම්, සංග්‍රාහක ධාරාව 10 mA කිරීම සඳහා අවශ්‍ය R_E අගය ගණනය කරන්න. (විමෝචක ධාරාව සංග්‍රාහක ධාරාවට සමාන බව උපකල්පනය කරන්න.)

(iii) ඉහත (a) කොටසේ ප්‍රකාශ විමෝචක දියෝඩය D උපාංගය ලෙස භාවිත කළහොත්, ව්‍යාප්තියට පාදම සංග්‍රාහක සහ විමෝචක අග්‍ර අතර වෝල්ටීයතාව (V_{CE}) ගණනය කරන්න. (ප්‍රකාශ විමෝචක දියෝඩයේ උෂ්ණත්වය 30°C ලෙස උපකල්පනය කරන්න.)

(iv) 4 රූපයේ ඇති ප්‍රස්ථාරයෙන් අදාළ I_B අගය සඳහා ව්‍යාප්තියට පාදමේ I_C - V_{CE} වක්‍රය නිරූපනය වන්නේ යැයි සිතන්න. මෙම ප්‍රස්ථාරය ඔබේ පිළිතුරු පත්‍රයට පිටපත් කරගෙන ව්‍යාප්තියට පාදමේ (V_{CE} , I_C) ක්‍රියාකාරී ලක්ෂ්‍යය A ලෙස ලකුණු කරන්න.

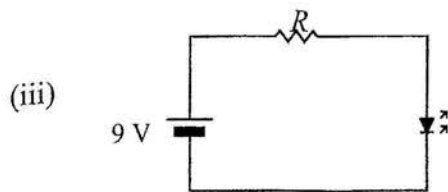


(v) දත් ප්‍රකාශ විමෝචක දියෝඩයේ උෂ්ණත්වය වැඩිවුවහොත් ක්‍රියාකාරී ලක්ෂ්‍යය ගමන් කරන්නේ කුමන දිශාවටදැයි ඊතලයක් මගින් ප්‍රස්ථාරයේ දක්වන්න.

(vi) දන්, ශ්‍රේණිගතව සම්බන්ධ කළ සර්වසම් ප්‍රකාශ විමෝචක දියෝඩ දෙකක් D උපාංගය ලෙස භාවිත කර ඇතුළු සිතන්න. නව V_{CE} අගය ගණනය කර ව්‍යාප්තියට පාදමේ ක්‍රියාකාරී ලක්ෂ්‍යය B ලෙස ප්‍රස්ථාරයේ ලකුණු කරන්න.

(i) 30 mA (01)

(ii) අල්පතර වාහක සාන්ද්‍රණය උෂ්ණත්වය මත රඳාපවතින නිසා (01)



$$9 - 3 = 10 \times 10^{-3} \times R$$

$$R = 600 \, \Omega$$

..... (01)

(iv) $V_R = 600 \times 10.3 \times 10^{-3}$

$$= 6.18 \, \text{V}$$

..... (01)

$$V_D = 9 - 6.18$$

$$= 2.82 \, \text{V}$$

..... (01)

$30 \, \text{C}^0$ දී දියෝඩය මගින් සිදුවන ක්ෂමතා උත්සර්ජනය $= 3 \times 10 = 30 \, \text{mW}$

උෂ්ණත්වය වැඩි වූ විට ක්ෂමතා උත්සර්ජනය $= 2.82 \times 10.3 = 29 \, \text{mW}$

එම නිසා ක්ෂමතා උත්සර්ජනය අඩු වී ඇත.

..... (01)

ධාරාව වැඩිවන විට V_R වැඩිවන අතර V_D අඩුවේ.

..... (01)

(b) (i) i_B ම R_B හරහා ගලන බැවින්

$$i_B R_B = 9 - 3$$

$$i_B = 6 / 3000$$

$$= 2 \, \text{mA}$$

..... (01)

(ii) $3 = 0.7 + 10 \times 10^{-3} \times R_E$

$$\text{හෝ } 2.3 = 10 \times 10^{-3} \times R_E$$

..... (01)

$$R_E = 2.3 \times 10^3 / 10$$

$$= 230 \, \Omega$$

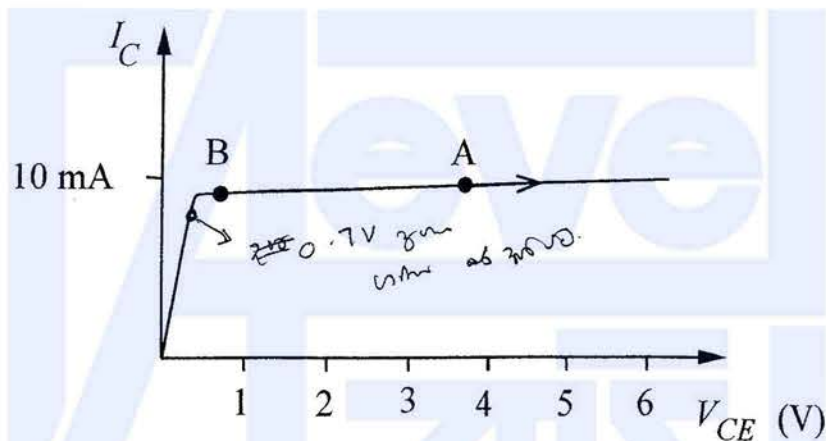
..... (01)

(iii) $9 = V_D + V_{CE} + iR_E$
 $= 3 + V_{CE} + 10 \times 10^{-3} \times 230$ (01)

[හෝ $9 = V_D + V_{CE} + V_E$
 $= 3 + V_{CE} + 2.3$ 01]

$V_{CE} = 3.7 \text{ V}$ (01)

(iv)



A ලක්ෂ්‍යය ලකුණු කිරීම සඳහා (01)

(v) ඊතලය ඇඳීම සඳහා (01)

(vi) $V_{CE} = 0.7 \text{ V}$

B ලක්ෂ්‍යය ලකුණු කිරීම සඳහා (01)

10. (A) කොටසට හෝ (B) කොටසට හෝ පමණක් පිළිතුරු ගතයුතුය.

(A) පරිමාව 1 m^3 වූ වසා ඇති පාරදෘශ්‍ය කුටීරයක් තුළ 30°C සහ 80% සාපේක්ෂ ආර්ද්‍රතාවයෙන් යුත් වාතය අඩංගු වී ඇත. කුටීරය තුළ ඇති වාතය, එහි උෂ්ණත්වය වෙනස් නොකර තෙතමනය ඉවත් කරන උපකරණයක් (ආර්ද්‍රතාහාරකයක්) මගින් පළමුව වියළනය කරනු ලබන්නේ වාතයේ නිරපේක්ෂ ආර්ද්‍රතාවය එහි මුල් අගයෙන් 50% දක්වා අඩු වන ආකාරයට ය. 30°C දී ජල වාෂ්පයෙන් සංතෘප්ත වාතයේ නිරපේක්ෂ ආර්ද්‍රතාවය 30 g m^{-3} වේ.

(a) වියළන ලද වාතයේ නිරපේක්ෂ ආර්ද්‍රතාවය ගණනය කරන්න.

ඉන්පසු ආර්ද්‍රතාහාරකය ඉවත් කර, වියළි වාතය සහිත කුටීරය වී වියළාගැනීම පිළිබඳ අධ්‍යයනයක් කිරීමට භාවිත කරනු ලැබේ.

මේ සඳහා කාලය $t = 0$ දී තෙතමනය සහිත වී 750 g ප්‍රමාණයක් කුටීරය තුළට ඇතුළු කරනු ලැබේ. ආරම්භයේදී වී සාම්පලයේ තෙතමන අන්තර්ගතය එහි ආරම්භක ස්කන්ධයෙන් 20% කි. වී සාම්පලය කුටීරය තුළ ඇති ඉලෙක්ට්‍රෝනික තරාදියක තැටිය මත තබා ඇති අතර එහි ස්කන්ධය පිටත සිට කියවා ගත හැක.

(b) කුටීරය තුළ තැබීමට පෙර වී සාම්පලයේ ඇති තෙතමනයෙහි ස්කන්ධය කුමක් ද?

(c) වී වියළීමේදී පවතින වීට ඉලෙක්ට්‍රෝනික තරාදිය මගින් පෙන්වූ පරිදි එහි ස්කන්ධය (M) කාලය (t) සමඟ වෙනස් වන ආකාරය රූපයේ පෙන්වා ඇත.

(i) (1) වක්‍රයේ හැඩයට හේතුවක් දෙන්න.

(2) වික වේලාවකට පසු ස්කන්ධය M_e සමතුලිත අගයක් ලබා ගත්තේ ඇයිදැයි යන්නට හේතුවක් දෙන්න.

(ii) වී ස්කන්ධය M_e අගයට ළඟා වූ පසු කුටීරය තුළ ඇති වාතයේ සාපේක්ෂ ආර්ද්‍රතාවය කුමක් ද?

(iii) M_e සමතුලිත ස්කන්ධය ගණනය කරන්න.

(iv) වී සාම්පලයේ ස්කන්ධය M_e වූ පසු එහි තවදුරටත් පවතින තෙතමන අන්තර්ගතය ග්‍රෑම්වලින් ගණනය කරන්න.

(d) වී සාම්පලයේ තෙතමන අන්තර්ගතයෙහි ප්‍රතිශතය 10% දක්වා අඩු කිරීමට නම් මෙම ප්‍රශ්නයේ ආරම්භයේ දීම සඳහන් කළ ආකාරයට සකස් කර ගත් වියළි වාතය සහිතව භාවිත කළ යුතු වූ කුටීරයකට තිබිය යුතු අවම පරිමාව කුමක් ද?

(e) වඩා වැඩි උෂ්ණත්වයකට රත් කරන ලද වායුගෝලයේ වාතය ද (ආර්ද්‍රතාහාරකයක් භාවිත නොකොට) වියළීම සඳහා භාවිත කළ හැක. ආරම්භයේදී 30°C සහ සාපේක්ෂ ආර්ද්‍රතාවය 80% තිබූ වාතය දත් 70°C ක් දක්වා රත් කර වසන ලද 1 m^3 කුටීරය තුළට පුරවා මෙම අධ්‍යයනය කළහොත්

(i) වී සාම්පලය ඇතුළත් කිරීමට පෙර කුටීරය තුළ රත්කරන ලද වාතයෙහි ආරම්භක සාපේක්ෂ ආර්ද්‍රතාවය ගණනය කරන්න.

(ii) අපේක්ෂිත M_e හි අගය ගණනය කරන්න.

අධ්‍යයනය සිදු කරන කාලය තුළදී කුටීරය තුළ වාතයේ උෂ්ණත්වය 70°C හි පවත්වාගත්තේ යැයි උපකල්පනය කරන්න. 70°C දී සංතෘප්ත ජලවාෂ්ප සහිත වාතයේ නිරපේක්ෂ ආර්ද්‍රතාවය 216 g m^{-3} වේ.

(a)

30°C දී වායුගෝලීය වාතයේ නිරපේක්ෂ ආර්ද්‍රතාව (AH) දෙනු ලබන ප්‍රකාශනය වන්නේ

$$\text{සාපේක්ෂ ආර්ද්‍රතාව (RH)} = \frac{\text{දී ඇති වාත පරිමාවක පවතින ජල වාෂ්ප ස්කන්ධය (g)}}{\text{එම උෂ්ණත්වයේදීම එම පරිමාව සංතෘප්ත කිරීමට අවශ්‍ය ජල වාෂ්ප ස්කන්ධය}}$$

හෝ

$$\text{සාපේක්ෂ ආර්ද්‍රතාව (RH)} = \frac{(AH)_{30}}{30^\circ\text{C දී ජලවාෂ්පවලින් සංතෘප්ත වූ වාතයේ AH}}$$

අර්ථ දැක්වීම සඳහා

(මෙය ප්‍රතිශතයක් ලෙසටද දිය හැක)

..... (01)

$$(AH)_{30} = 30 \times \frac{80}{100} \quad \dots\dots\dots (01)$$

(නිවැරදි ආදේශය සඳහා)

$$\text{වායුගෝලීය වාතයේ නිරපේක්ෂ ආර්ද්‍රතාව} = 24 \text{ g m}^{-3}$$

$$\text{වියලන ලද (ආර්ද්‍රතාහාරක) වාතයේ } AH = 24 \times \frac{50}{100} \quad \dots\dots\dots (01)$$

$$= 12 \text{ g m}^{-3} \quad \dots\dots\dots (01)$$

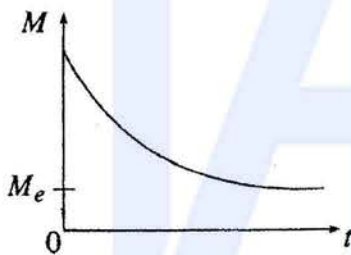
(b)

$$\text{වී සාම්පලයේ ඇති තෙතමනයෙහි ස්කන්ධය} = 750 \times \frac{20}{100}$$

$$= 150 \text{ g}$$

..... (01)

(c) (i)



චක්‍රයේ හැඩය සඳහා හේතුව

(1.) වීවල ඇති තෙතමනය වාෂ්පීභවනය වීමෙන් වාතය තව දුරටත් ආර්ද්‍ර වන විට t සමඟ M හි අඩුවීමේ ශීඝ්‍රතාව ක්‍රමයෙන් අඩුවන නිසා වාෂ්පීභවනය වීමේ ශීඝ්‍රතාව කාලය සමඟ අඩුවේ.

..... (01)

(2.) වාතය ජල වාෂ්පවලින් සංතෘප්ත ($RH = 100\%$) වන නිසා අවසානයේ දී M නියත අගයක් කරා ළඟා වන අතර තවදුරටත් වාෂ්පීභවනය සිදු විය නොහැක.

..... (01)

(ii) $RH = 100\%$

..... (01)

$$\begin{aligned} \text{(iii) } M_e &= 750 - (30 - 12) \\ &= 732 \text{ g} \end{aligned}$$

..... (01)

(iv) වී සාම්පලයේ ඉතිරිව පවතින තෙතමන අන්තර්ගතය.

$$= 150 - 18$$

$$= 132 \text{ g}$$

..... (01)

(d)

වි සාම්පලයේ තෙතමන අන්තර්ගතය 10% කට අඩු කර ගැනීම සඳහා වී වලින් ඉවත් කළ යුතු තෙතමන ප්‍රමාණය $\frac{150}{2}$ g හෝ 75 g වේ.

..... (01)

වියළි වාතය එක් එක් 1 m^3 මගින් විවල තෙතමනය 18 g ක් අවශෝෂණය කර ගන්නා නිසා කුටීරයට තිබිය යුතු අවම පරිමාව වන්නේ $\frac{75}{18} \text{ m}^3$ ය.

$$= 4.17 \text{ m}^3 \text{ හෝ } 4.2 \text{ m}^3 \quad 4.16 \quad \text{..... (01)}$$

(e) (i) ආරම්භක සාපේක්ෂ ආර්ද්‍රතාව $= \frac{24}{216} \times 100$

$$= 11\% \quad 11.11\% \quad \text{..... (01)}$$

(ii) 70°C දී වාතය 1 m^3 කට (216-24) g එනම් 192 g තෙතමනයක් වි සාම්පලයෙන් අවශෝෂණය කිරීමේ හැකියාවක් ඇත. (මෙය වි සාම්පලයේ පවතින තෙතමන ප්‍රමාණයට වඩා වැඩිය)

..... (01)

එමනිසා $M_e = 600 \text{ g}$ (01)

(සෛද්ධාන්තික අගය) (සාමාන්‍යයෙන් බැඳුණු ජල අණු පවතින නිසා ඒවා ඉවත් කළ හැක්කේ වි 100°C ට වඩා ඉහළ උෂ්ණත්වයකට රත් කිරීමෙන් පමණි)

(B) පොසිට්‍රෝන විමෝචන ටොමෝග්‍රැෆි (Positron Emission Tomography-PET) නම් වූ වෛද්‍ය ප්‍රතිබිම්බ ශිල්පීය ක්‍රමයේ දී රෝගියාට පොසිට්‍රෝන (β^+ හෝ e^+) විමෝචනය කරමින් ක්ෂය වන විකිරණශීලී සමස්ථානිකයක් රුධිර නාලයකට එන්නත් කරනු ලැබේ. ඉන්පසු, රෝගියා වටා තබන ලද අනාවරක මගින් ශරීරයෙන් පිටතට පැමිණෙන විකිරණ අනාවරණය කරගනු ලැබේ. මෙම තොරතුරු භාවිත කර, ශරීරයේ වෙනස් ප්‍රදේශවල එම සමස්ථානිකයේ සාන්ද්‍රණය පෙන්වන ප්‍රතිබිම්බයක් පරිගණකයක් මගින් නිර්මාණය කරනු ලැබේ.

රෝගියකුට ^{15}O -ජලය (^{16}O පරමාණු වෙනුවට ^{15}O පරමාණු යොදා සැකසූ ජලය) පිකෝ ග්‍රෑම් 20 ක් එන්නත් කරන ලද්දේ යැයි සිතන්න. ^{15}O පරමාණු, මිනිත්තු 2 ක අර්ධ ආයු කාලයක් ($T_{1/2}$) සහිතව පොසිට්‍රෝන විමෝචනය කරමින් ක්ෂය වේ. (පිකෝ ග්‍රෑම් $1 = 10^{-12}$)

(a) (i) පරමාණු N ගණනක් ඇති විකිරණශීලී නියැදියක සක්‍රියතාව $A = \frac{0.7N}{T_{1/2}}$ යන සමීකරණය මගින් දෙනු ලැබේ.

එන්නත් කරන ලද ^{15}O -ජල ප්‍රමාණයේ එන්නත් කළ අවස්ථාවේදී සක්‍රියතාව (Bq වලින්) ගණනය කරන්න. (එක් ^{15}O - ජල අණුවක ස්කන්ධය $2.8 \times 10^{-26} \text{ kg}$ ලෙස ගන්න.)

(ii) එන්නත් කිරීමෙන් මිනිත්තු 2 කට පසු මොළය තුළ ^{15}O ක්ෂය වීම නිසා වූ සක්‍රියතාව (Bq වලින්) ගණනය කරන්න. (එන්නත් කරන ලද ජලයෙන් 10% ක් එම කාලය තුළදී රෝගියාගේ මොළයට ළඟා වේ යැයි උපකල්පනය කරන්න.)

(iii) ස්වාභාවිකව ශරීරයේ ඇති විකිරණශීලී සමස්ථානික (^{14}C වැනි) නිසා සාමාන්‍ය පුද්ගලයකුගේ ශරීරය තුළ 10^4 Bq පමණ සක්‍රියතාවක් පවතියි. ඉහත එන්නත් දීමෙන් මිනිත්තු 40 කට පසු, රෝගියාගේ ශරීරය තුළ ^{15}O ක්ෂය වීම නිසා වූ සක්‍රියතාව, ස්වාභාවිකව පවතින සක්‍රියතාවට වඩා අඩුවන බව පෙන්වන්න. ($2^{20} = 10^6$ ලෙස ගන්න.)

(iv) ඉතා කුඩා අර්ධ ආයු කාලයක් ඇති සමස්ථානිකයක් භාවිත කිරීමේ වාසිය කුමක් ද?

(b) ශරීරය තුළ දී ක්ෂය වන ^{15}O පරමාණු මගින් විමෝචනය වන පොසිට්‍රෝන, ශරීරයේ ඇති ඉලෙක්ට්‍රෝන සමඟ අන්තර් ක්‍රියා කර $e^+ + e^- \rightarrow 2\gamma$ ප්‍රතික්‍රියාවට අනුව ගැමා කිරණ දෙකක් සාදයි. ශරීරයට පිටතින් තබන ලද අනාවරක මගින් මෙම ගැමා කිරණ අනාවරණය කර ගත හැක.

(i) පොසිට්‍රෝන (β^+) විමෝචක සමස්ථානිකයක් වෙනුවට ඉලෙක්ට්‍රෝන (β^-) විමෝචක සමස්ථානිකයක් භාවිත කළ හොත් රෝගියාගේ ශරීරයෙන් පිටතට විකිරණ නොපැමිණෙනු ඇත්තේ ඇයිදැයි පැහැදිලි කරන්න.

(ii) ගැමා කිරණයකට E ශක්තියක් ඇත්නම්, එහි ගම්‍යතාවයේ p විශාලත්වය $p = E/c$ මගින් දෙනු ලැබේ. මෙහි c යනු ආලෝකයේ වේගයයි. ගම්‍යතා සංස්ථිති නියමය භාවිත කර, ඉහත ප්‍රතික්‍රියාවේ ගැමා කිරණ දෙකටම එකම ශක්තියක් ඇති බවත්, ඒවා ප්‍රතිවිරුද්ධ දිශාවලට ගමන් කරනු ඇති බවත් පෙන්වන්න. (e^+ සහ e^- දෙකෙහිම ගම්‍යතා ශුන්‍ය යැයි උපකල්පනය කරන්න).

(iii) e^+ සහ e^- දෙකටම එකම ස්කන්ධයක් ඇත. ශක්ති ඒකකවලින් එම ස්කන්ධය 511 keV වේ. ඉහත ප්‍රතික්‍රියාවේ එක් ගැමා කිරණයක ශක්තිය කොපමණ ද?

(c) රෝගියෙකුට ^{15}O -ජලය එන්නතකින් ලැබිය හැකි උපරිම විකිරණ මාත්‍රාව, නිපදවනු ලබන ගැමා කිරණ පියල්ල රෝගියාගේ ශරීරය මගින් අවශෝෂණය කරගන්නා බව උපකල්පනය කිරීමෙන් ගණනය කළ හැකිය. ඉහත සඳහන් රෝගියාගේ බර 51.1 kg නම්, ඔහුට 20 පිකෝ ග්‍රෑම් ^{15}O එන්නතෙන් ලැබීමට ඉඩ ඇති මෙම උපරිම විකිරණ මාත්‍රාව Gy වලින් (ශරීරය පුරා ගත් සාමාන්‍යයක් ලෙස) ගණනය කරන්න. ($1 \text{ keV} = 1.6 \times 10^{-16} \text{ J}$ සහ $1 \text{ Gy} = 1 \text{ J kg}^{-1}$)

$$(a) (i) \quad N = \frac{20 \times 10^{-12}}{2.8 \times 10^{-26} \times 10^3} = \frac{10^{12}}{1.4} \quad \dots\dots\dots (01)$$

$$A = \frac{0.7}{120} \times \frac{10^{12}}{1.4} \quad \dots\dots\dots (01)$$

$$= 4.2 \times 10^9 \text{ Bq} \quad \dots\dots\dots (01)$$

$$(4.16 - 4.2) \times 10^9$$

(ii) එන්නත් කිරීමෙන් මිනිත්තු 2 කට පසු මොළය තුළ සක්‍රියතාව

$$= 4.2 \times 10^9 \times 0.1 \times 0.5 \quad 10\% \rightarrow 0.1, 2^{\text{න්}} \text{ අව} \rightarrow 0.5 \quad \dots\dots\dots (02)$$

(10% ගැනීම සඳහා 01; හරි අර්ධයක් ගැනීම සඳහා 01)

$$= 2.1 \times 10^8 \text{ Bq} \quad \dots\dots\dots (01)$$

$$(2.08 - 2.10) \times 10^8$$

(iii) 40 මිනිත්තු = 20 අර්ධ ජීවි කාල

$$\text{එම නිසා මිනිත්තු 40 කට පසු සක්‍රියතාව} = \frac{A}{2^{20}} = \frac{4.2 \times 10^9}{10^6}$$

$$= 4.2 \times 10^3 \text{ Bq}$$

මෙය ස්වභාවික සක්‍රියතාව වන 10^4 Bq ට වඩා අඩුය.

(iv) ඉතා ඉක්මනින් සැහෙන විකිරණශීලීතාවයක් ශරීරයෙන් ඉවත්වේ.

හෝ

කුඩා විකිරණශීලී ද්‍රව්‍ය ප්‍රමාණයකින් ශරීරයෙන් ඉතා ඉහළ සක්‍රියතාවක් ලබා ගැනීමට හැකියාව ඇත.

..... (01)

- (b) (i) ශරීර පටකවලින් β^- කිරණ අවශෝෂණය වේ.

හෝ

β^- කිරණවලට γ කිරණ (හෝ වෙනත් විකිරණ) ශරීරය තුළ නිපදවීමේ හැකියාවක් නැත.

..... (01)

- (ii) γ කිරණ දෙකේ ගම්‍යතා p_1 හා p_2 ලෙස සලකමු.

ආරම්භක ගම්‍යතාව = 0 අවසාන ගම්‍යතාව = $p_1 + p_2$

ගම්‍යතා සංස්ථිති මූල ධර්මය මගින්

$$0 = p_1 + p_2$$

$$p_1 = -p_2$$

..... (01)

එම නිසා දිශා ප්‍රතිවිරුද්ධ වේ.

ගම්‍යතාවල විශාලත්ව සමාන නිසා ශක්තීන් ද සමාන වේ.

..... (01)

- (iii) ශක්ති සංස්ථිති නියමයෙන්

$$\text{පොසිට්‍රෝනයේ ස්කන්ධය} + \text{ඉලෙක්ට්‍රෝනයේ ස්කන්ධය} = 2 \times \gamma \text{ කිරණයක ශක්තිය}$$

..... (01)

(හෝ මෙම අදහස ප්‍රකාශයක් ආකාරයෙන් ලිවීම සඳහා) $2e = 2\gamma$

$$\text{එම නිසා } \gamma \text{ කිරණයක ශක්තිය } E_\gamma = 511 \text{ keV}$$

..... (01)

$$(c) \text{ මුක්තවන මුළු ශක්තිය } = 2NE_\gamma = 2 \times \frac{10^{12}}{1.4} \times 511 \times 1.6 \times 10^{-16}$$

..... (01)

$$\text{අවශෝෂක මාත්‍රාව} = 2 \times \frac{10^{12}}{1.4} \times 511 \times 1.6 \times 10^{-16} \times \frac{1}{51.1}$$

..... (01)

(51.1 බෙදීම සඳහා)

$$= 2.3 \times 10^{-3} \text{ Gy}$$

..... (01)

(2.28 – 2.30)

1	2	3
2	5	5
3	3	1
4	1	3
5	2	2
6	1	4
7	4	1
8	3	5
9	1	4
10	5	5
11	2	3
12	4	3
13	4	2
14	5	5
15	5	3
16	3	2
17	2	5
18	5	4
19	5	2
20	1	3
21	4	1
22	3	3
23	1	4
24	3	2
25	5	4
26	1	3
27	2	1
28	2	5
29	5	2
30	3	5

31	5	5
32	1	5
33	3	5
34	4	1
35	1	4
36	4	4
37	2	2
38	2	1
39	3	1
40	4	2
41	1	2
42	5	5
43	2	3
44	3	1
45	1	1
46	4	4
47	3	3
48	2	2
49	1	4
50	3	2
51		1
52		1
53		1
54		2
55		1
56		4
57		5
58		4
59		1
60		1